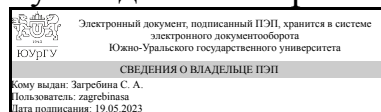


ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ:
Руководитель направления



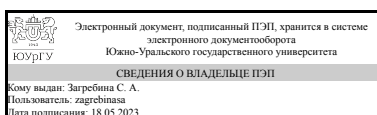
С. А. Загребина

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины 1.О.11 Дискретная математика и математическая логика
для направления 01.03.04 Прикладная математика
уровень Бакалавриат
форма обучения очная
кафедра-разработчик Математическое и компьютерное моделирование

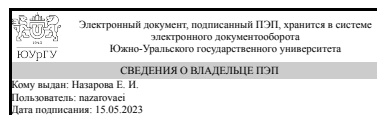
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 Прикладная математика, утверждённым приказом Минобрнауки от 10.01.2018 № 11

Зав.кафедрой разработчика,
д.физ.-мат.н., проф.



С. А. Загребина

Разработчик программы,
к.физ.-мат.н., доцент



Е. И. Назарова

1. Цели и задачи дисциплины

Цель: освоение знаний об основных понятиях и методах дискретной математики и математической логики, их использование при решении профессиональных задач

Задачи: 1) формирование математической культуры студента, 2) фундаментальная подготовка по основным разделам дискретной математики и математической логики, 3) овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

Краткое содержание дисциплины

Аксиоматические теории и их свойства, системы счисления, алгебра логики, исчисление высказываний, логика предикатов, алгоритмы, множества и отношения, элементы комбинаторики, метод математической индукции, введение в теорию графов

2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять знание фундаментальной математики и естественно-научных дисциплин при решении задач в области естественных наук и инженерной практике	Знает: основные понятия и методы дискретной математики и математической логики Умеет: применять и обосновывать выбранные методы дискретной математики и математической логики Имеет практический опыт: использования методов дискретной математики и математической логики

3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
Нет	1.О.18 Уравнения математической физики, 1.О.20 Многомерный статистический анализ, 1.О.16 Математика в современном естествознании, 1.О.23 Компьютерная алгебра, 1.О.15 Математические основы аналитической механики и теоретической физики, 1.О.12 Дополнительные главы математического анализа, 1.О.14 Теория вероятностей и случайные процессы, 1.О.13 Комплексный анализ, 1.О.17 Дифференциальные уравнения, 1.О.19 Математическая статистика

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Нет

4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 з.е., 216 ч., 108,75 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах	
		Номер семестра	
		1	2
Общая трудоёмкость дисциплины	216	108	108
<i>Аудиторные занятия:</i>	96	48	48
Лекции (Л)	40	16	24
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	56	32	24
Лабораторные работы (ЛР)	0	0	0
<i>Самостоятельная работа (СРС)</i>	107,25	53,75	53,5
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	35,25	17,75	17,5
Подготовка к дифференцированному зачету	18	0	18
Подготовка к аудиторным контрольным работам	36	18	18
Подготовка к зачету	18	18	0
Консультации и промежуточная аттестация	12,75	6,25	6,5
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	зачет	диф.зачет

5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объем аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Введение в математическую логику	6	2	4	0
2	Алгебра логики. Исчисление высказываний	12	4	8	0
3	Исчисление предикатов	10	4	6	0
4	Аксиоматические теории	8	2	6	0
5	Элементы теории алгоритмов	12	4	8	0
6	Множества и отношения	16	8	8	0
7	Комбинаторика	16	8	8	0
8	Элементы теории графов	16	8	8	0

5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во часов
1	1	Цель, задачи, предмет курса. Аксиоматический подход и его сущность. Связь курса с другими предметами. Системы счисления	2
2	2	Понятие высказывания. Язык логики высказываний. Логические операции над высказываниями: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация.	2

		Эквивалентность	
3	2	Формулы алгебры логики. Классификация формул. Равносильные формулы. Равносильные преобразования формул. Понятие формулы исчисления высказываний. Система аксиом исчисления высказываний. Понятие вывода	2
4	3	Понятие логики предикатов. Логические операции над предикатами. Кванторные операции	2
5	3	Равносильные формулы. Общезначимость и выполнимость формул логики предикатов. Формальная система для логики предикатов	2
6	4	Понятие модели и интерпретации аксиоматической теории. Свойства аксиоматических теорий	2
7	5	Формализация понятия алгоритм. Машина Тьюринга	2
8	5	Нормальные алгоритмы Маркова. Свойства алгоритмов. Тезисы Тьюринга, Маркова, Чёрча	2
9-10	6	Понятие множества. Операции над множествами. Метод математической индукции	4
11-12	6	Отношения: основные понятия. Свойства отношений.	4
13-14	7	Понятие выборки, виды выборок. Основные комбинаторные формулы и правила	4
15-16	7	Бином Ньютона. Полиномиальная теорема	4
17-18	8	Граф: ориентированный и неориентированный, основные понятия, способы задания. Операции над графами. Изоморфизм. Связность.	4
19-20	8	Эйлеровы и гамильтоновы графы. Деревья и леса. Поиск в глубину и ширину.	4

5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1	1	Системы счисления. Алфавиты, правила перевода	2
2	1	Системы счисления. Правила перевода. Арифметические операции.	2
3	2	Высказывания. Операции с высказываниями	2
4	2	Основные логические связи. Построение таблиц истинности	2
5	2	Виды формул. СДНФ, СКНФ. Преобразование СНФ. Релейно-контактные схемы	2
6	2	Доказательство тавтологий без применения таблиц истинности. Аудиторная контрольная работа (ПК1, 1 семестр, 45 мин)	2
7	3	Высказывания с предикатами. Операция квантирования	2
8	3	Разбор формулировок теорем, приведение их к виду формул алгебры предикатов	2
9	3	Разбор формулировок теорем, приведение их к виду формул алгебры предикатов. Построение отрицаний	2
10	4	Аудиторная контрольная работа (ПК2, 1 семестр, 45 мин). Обсуждение аксиоматических теорий.	2
11	4	Обсуждение аксиоматических теорий.	2
12	4	Аксиомы Пеано. Понятие метода математической индукции.	2
13	5	Применение машин Тьюринга.	2
14	5	Синтез машин Тьюринга.	2
15	5	Применение нормальных алгоритмов Маркова	2
16	5	Синтез нормальных алгоритмов Маркова	2
17-18	6	Операции над множествами. Способы задания множеств. Метод математической индукции.	4

19-20	6	Отношения: примеры, свойства. Аудиторная контрольная работа (ПК1, 2 семестр, 45 мин)	4
21-22	7	Задачи на основные формулы и правила комбинаторики. Формула включения/исключения	4
23-24	7	Применение формул Бинома Ньютона и полиномиальной формулы. Аудиторная контрольная работа (ПК2, 2 семестр, 45 мин)	4
25-26	8	Задачи на способы задания графов. Изоморфизм графов.	4
27-28	8	Эйлеровы и гамильтоновы графы. Поиск в ширину и глубину. Аудиторная контрольная работа (ПК3, 2 семестр, 45 мин)	4

5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	ОПЛ: [1] раздел 1, 3, 5, 7, [3], глава 3, 4; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	17,5
Подготовка к дифференцированному зачету	ОПЛ: [1] и [2] раздел 1, 3, 5, 7; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	18
Выполнение общих и индивидуальных домашних заданий	ОПЛ: [1] раздел 4, [3], глава 1; ДПЛ: [2] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 2	1	17,75
Подготовка к аудиторным контрольным работам	ОПЛ: [2] раздел 1, 3, 5, 7; Электр. ДЛ: глава 1, 3-8, 10	2	18
Подготовка к аудиторным контрольным работам	ОПЛ: [2] раздел 4; ДПЛ: [1] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 1	1	18
Подготовка к зачету	ОПЛ: [1] и [2] раздел 4; ДПЛ: [1] и [2] глава 1-5; Электр. ОЛ: [1] часть 1 и 2	1	18

6. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се-местр	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учитывается в ПА
1	1	Текущий контроль	ПК1	0,15	15	Задачи 1 - 3 оцениваются в 4 балла, задача 4 - в 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена незначительная ошибка, то снижается на 1 балл, за	зачет

						существенную ошибку - 2 балла, за две существенные ошибки (в задачах 1-3) - 3 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл. В других случаях задача оценивается в 0 баллов.	
2	1	Текущий контроль	ПК 2	0,15	15	Задачи 1 - 3 оцениваются в 4 балла, задача 4 - в 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена несущественная ошибка, то снижается на 1 балл, за одну существенную ошибку - 2 балла, за две существенные ошибки (в задачах 1-3) - 3 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл. В других случаях задача оценивается в 0 баллов.	зачет
3	1	Текущий контроль	T1	0,06	6	Контрольная точка T1 оценивается 6 баллами, проверяет усвоение основных определений и понятий пройденного материала. Содержит 6 заданий теоретического характера. Проводится в форме теста на лекционном занятии (правильный ответ на вопрос теста - 1 балл, неправильный - 0 баллов), ограничение по времени - 6 минут. T1 можно переписать, при этом в журнал выставляется балл за последнюю попытку	зачет
4	1	Текущий контроль	T2	0,06	6	Контрольная точка T2 оценивается 6 баллами, проверяет усвоение основных определений и понятий пройденного материала (исчисление высказываний, логика предикатов). Содержит задания теоретического характера. Проводится в форме теста на лекционном занятии (правильный ответ на вопрос теста - 1 балл, неправильный - 0 баллов), ограничение по времени - 5 минут. Контрольную точку	зачет

						можно переписать, при этом в журнал выставляется балл за последнюю попытку.	
5	1	Текущий контроль	ТЗ	0,08	8	При наличии полного конспекта выставляются баллы за контрольную точку, используя шкалу соответствия баллов процентам посещаемости: 8 баллов за 90–100% посещенных аудиторных занятий по дисциплине, 7 за 80–89%, 6 за 70–79%, 5 за 60–69%, 4 за 50–59%, 3 за 40–49%, 2 за 30–39%, 1 за 20–29%, 0 за 0–19%. Если конспект неполный, то балл за контрольную точку равен 0.	зачет
6	1	Текущий контроль	П1	0,05	5	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 1 по 8 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальная оценка за каждую из контрольных точек П1 и П2 составляет 5 баллов: 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84%; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84%; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%	зачет
7	1	Текущий контроль	П2	0,05	5	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 9 по 16 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальная оценка за	зачет

						каждую из контрольных точек П1 и П2 составляет 5 баллов: 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84%; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84%; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74%; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%	
8	1	Текущий контроль	C1	0,1	10	Контрольная точка С1 является индивидуальным домашним заданием (часть 1) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания 1 и 2 по 1 баллу за верно выполненное, 0 баллов за неверно выполненное; остальные задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание. Номер варианта соответствует порядковому номеру студента в журнале группы с 1 по 20, номеру 21 соответствует вариант 1, номеру 22 - вариант 2 и т.д. Выполненные задания сдаются на практическом занятии до 24.11.2020. Список заданий: стр. 4 задание 1, стр. 5 задание 2, стр. 7 задание 3, стр. 15 задание 8 (1 и 2), стр. 21 задание 10.	зачет
9	1	Текущий контроль	C2	0,1	10	Контрольная точка С2 является индивидуальным домашним заданием (часть 2) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за	зачет

						верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	
10	1	Текущий контроль	P1	0,2	20	P1 - реферат, который необходимо сдать до конца семестра. Сдача реферата осуществляется во второй половине семестра в форме доклада по выбранной теме (не более 5 мин.). Максимальный балл: 20. Балл учитывает: оформление реферата (соответствие требованиям) - 5 баллов (снижение баллов по 1: за нарушение структуры, большое количество опечаток, неправильное оформление литературы, стиль оформления разный, нет введения или заключения); содержание реферата (соответствие теме) - 5 баллов (4 балла - содержит немного информации, выходящей за рамки темы, 3 балла - содержится много информации, не соответствующей теме, 2 балла - тема раскрыта не полностью, 1 балл - тема практически не раскрыта); оригинальность - 5 баллов от 85% до 100%, 4 балла - от 75% до 84%, 3 балла - от 60% до 74%, 2 балла - от 45% до 59%, 1 балл - менее 45%; доклад - 5 баллов - уверенный рассказ с презентацией, 4 балла - неуверенный рассказ с презентацией, 3 балла - уверенный рассказ без презентации, 2 балла - неуверенный рассказ без презентации, 1 балл - чтение по листочку.	зачет
11	2	Текущий контроль	ПК1	0,1	10	Задачи 1-3 оцениваются в 2 балла, задача 4 - в 4 балла (по 2 балла за каждую подзадачу). Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена несущественная ошибка, то	дифференцированный зачет

						снижается на 0,5 балла, за существенную ошибку при сохранении верной последовательности действий для решения задачи - 1 балл. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, или решил задание не полностью, то за задание ставится 1 балл	
12	2	Текущий контроль	ПК2	0,15	15	За каждое задание максимально 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена несущественная ошибка, то снижается на 1 балл, за существенную ошибку - 2 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл	дифференцированный зачет
13	2	Текущий контроль	ПК3	0,15	15	За каждое задание максимально 3 балла. Максимальный балл ставится за верно выполненное задание, если допущена несущественная ошибка, то снижается на 1 балл, за существенную ошибку - 2 балла. Если студент начал решать задание, но не довел до ответа, то за задание ставится 1 балл	дифференцированный зачет
14	2	Текущий контроль	T1	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по темам: "Множества", "Отношения", "Основы комбинаторики". Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	дифференцированный зачет
15	2	Текущий контроль	T2	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по теме: "Комбинаторика": основные формулы и определения, элементарные задачи. Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за	дифференцированный зачет

						последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	
16	2	Текущий контроль	Т3	0,06	6	Тест содержит 6 вопросов по теме: "Теория графов": основные формулы и определения, элементарные задачи. Максимальный балл - 6 баллов. Ограничение по времени - 5 минут. Тест можно будет пройти дважды, итоговый балл - балл за последнюю попытку. За верный ответ на каждый вопрос - 1 балл, за неверный - 0 баллов.	дифференцированный зачет
17	2	Текущий контроль	Т4	0,08	8	При наличии полного конспекта выставаются баллы за контрольную точку, используя шкалу соответствия баллов процентам посещаемости: 8 баллов за 90–100% посещенных аудиторных занятий по дисциплине, 7 за 80–89%, 6 за 70–79%, 5 за 60–69%, 4 за 50–59%, 3 за 40–49%, 2 за 30–39%, 1 за 20–29%, 0 за 0–19%. Если конспект неполный, то балл за контрольную точку равен 0.	дифференцированный зачет
18	2	Текущий контроль	П1	0,07	7	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 1 по 8 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальный балл за П1 составляет 7 баллов: 7 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 4 и выше; 6 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 3; 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 4 и выше; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение	дифференцированный зачет

						ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 3; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%, 0 баллов - в других случаях.	
19	2	Текущий контроль	П2	0,07	7	Контроль степени выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях (с 9 по 16 недели семестра). Контроль проводится в форме проверки выполнения домашних заданий и оценки активной познавательной деятельности на практических занятиях. Максимальный балл за П2 составляет 7 баллов: 7 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 4 и выше; 6 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ более 84% со средней оценкой 3; 5 баллов - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 4 и выше; 4 балла - активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 75% до 84% со средней оценкой 3; 3 балла - в основном активная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 2 балла - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ от 60% до 74% со средней оценкой от 3 до 5; 1 балл - неактивная работа на ПЗ и выполнение ДЗ менее 60%, 0 баллов - в других случаях.	дифференцированный зачет
20	2	Текущий контроль	С1	0,1	10	Контрольная точка С1 является индивидуальным домашним заданием (часть 1) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за	дифференцированный зачет

						верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	
21	2	Текущий контроль	C2	0,1	10	Контрольная точка C2 является индивидуальным домашним заданием (часть 2) и выполняется студентом самостоятельно дома. Максимальный балл - 10 баллов: задания оцениваются максимально по 2 балла за верно выполненное, 1 балл - задание частично не решено, либо присутствует несущественная ошибка, 0 баллов за неверно выполненное задание.	дифференцированный зачет
22	1	Промежуточная аттестация	Зачет	-	40	Задания 1-5: максимальный балл - 3 за верно решенное задание, 2 балла - в решении есть незначительная ошибка, 1 балл - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, в других случаях - 0 баллов. Задания 6-10: максимальный балл - 5 за верно решенное задание, 4 балла - в решении есть незначительная ошибка, 3 балл - в решении есть 2 незначительные ошибки, которые привели к неверному ответу, 2 балла - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, 1 балл - к решению приступили, но не довели до ответа, в других случаях - 0 баллов.	зачет
23	2	Промежуточная аттестация	ДифЗачет	-	40	Задания 1-5: максимальный балл - 3 за верно решенное задание, 2 балла - в решении есть незначительная ошибка, 1 балл - в решении есть существенная ошибка, но ход решения верный, в других случаях - 0 баллов. Задания 6-10: максимальный балл - 5 за верно решенное задание, 4 балла - в решении есть незначительная ошибка, 3 балл - в решении есть 2 незначительные ошибки, которые привели к неверному	дифференцированный зачет

2	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Микони, С. В. Дискретная математика для бакалавра: множества, отношения, функции, графы : учебное пособие / С. В. Микони. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 192 с. — ISBN 978-5-8114-1386-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. https://e.lanbook.com/book/168465
---	---------------------------	---	---

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Вид занятий	№ ауд.	Основное оборудование, стенды, макеты, компьютерная техника, предустановленное программное обеспечение, используемое для различных видов занятий
Лекции	708а (1)	Компьютер, видеокамера, проектор