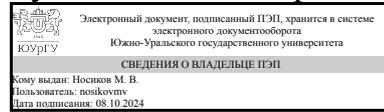


УТВЕРЖДАЮ:
Руководитель направления



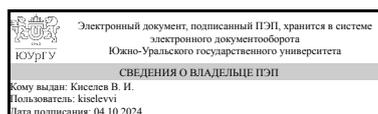
М. В. Носиков

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины 1.О.12 Теория вероятностей и математическая статистика
для направления 27.03.04 Управление в технических системах
уровень Бакалавриат
форма обучения очная
кафедра-разработчик Прикладная математика и ракетодинамика

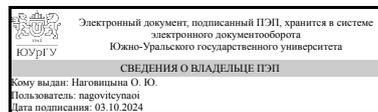
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 27.03.04 Управление в технических системах, утверждённым приказом Минобрнауки от 31.07.2020 № 871

Зав.кафедрой разработчика,
к.техн.н., доц.



В. И. Киселев

Разработчик программы,
старший преподаватель



О. Ю. Наговицына

1. Цели и задачи дисциплины

Преподаваемая дисциплина является средством решения прикладных задач, универсальным языком науки и элементом общей культуры. Преподавание и изучение дисциплины следует рассматривать как важнейшую составляющую фундаментальной подготовки. Целью преподавания и изучения дисциплины является воспитание достаточно высокой математической культуры, формирование навыков современного математического мышления, использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности. Задачи дисциплины заключаются в том, чтобы ознакомить студентов с многообразием применяемых методов в экономических дисциплинах математических методов обработки результатов исследований, обучить использованию этих методов.

Краткое содержание дисциплины

Случайные события. Случайные величины. Система двух случайных величин. Математическая статистика.

2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

| Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции) | Планируемые результаты обучения по дисциплине |
|---|---|
| ОПК-1 Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики | Знает: методы анализа задач профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики Умеет: анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики Имеет практический опыт: анализа задач профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики |

3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

| Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана | Перечень последующих дисциплин, видов работ |
|---|---|
| Нет | 1.О.20 Теория автоматического управления |

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Нет

4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 з.е., 144 ч., 74,5 ч. контактной работы

| Вид учебной работы | Всего часов | Распределение по семестрам в часах | |
|--|-------------|------------------------------------|--|
| | | Номер семестра | |
| | | 4 | |
| Общая трудоёмкость дисциплины | 144 | 144 | |
| <i>Аудиторные занятия:</i> | 64 | 64 | |
| Лекции (Л) | 32 | 32 | |
| Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ) | 32 | 32 | |
| Лабораторные работы (ЛР) | 0 | 0 | |
| <i>Самостоятельная работа (СРС)</i> | 69,5 | 69,5 | |
| Подготовка к контрольным работам и выполнение их | 19 | 19 | |
| Подготовка к тестированию | 10,5 | 10,5 | |
| Выполнение расчетно-графических работ | 20 | 20 | |
| Подготовка к экзамену | 20 | 20 | |
| Консультации и промежуточная аттестация | 10,5 | 10,5 | |
| Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен) | - | экзамен | |

5. Содержание дисциплины

| № раздела | Наименование разделов дисциплины | Объем аудиторных занятий по видам в часах | | | |
|-----------|--|---|---|----|----|
| | | Всего | Л | ПЗ | ЛР |
| 1 | Случайные события и вероятности. Основные понятия теории | 10 | 4 | 6 | 0 |
| 2 | Случайные величины. Законы распределения случайных величин. Числовые характеристики случайных величин. Некоторые стандартные распределения | 14 | 6 | 8 | 0 |
| 3 | Законы больших чисел и предельные теоремы | 6 | 4 | 2 | 0 |
| 4 | Первичная обработка экспериментальных данных | 4 | 2 | 2 | 0 |
| 5 | Элементы теории оценивания | 8 | 4 | 4 | 0 |
| 6 | Процедуры проверки статистических гипотез | 12 | 6 | 6 | 0 |
| 7 | Исследование экспериментальных зависимостей | 10 | 6 | 4 | 0 |

5.1. Лекции

| № лекции | № раздела | Наименование или краткое содержание лекционного занятия | Кол-во часов |
|----------|-----------|--|--------------|
| 1 | 1 | Введение в теорию. Основные понятия. События. Вероятность. Основные свойства. Алгебра событий. Основные правила вычисления вероятностей. | 2 |
| 2 | 1 | Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Совмещение экспериментов. Схема Бернулли | 2 |
| 3 | 2 | Случайные величины. Законы распределения случайных величин. Числовые | 2 |

| | | | |
|----|---|--|---|
| | | характеристики положения и рассеяния случайных величин, их свойства. | |
| 4 | 2 | Основные стандартные дискретные и непрерывные распределения, связь их параметров с числовыми характеристиками. | 2 |
| 5 | 2 | Числовые характеристики связи. Ковариация, корреляция, корреляционное отношение и линия регрессии | 2 |
| 6 | 3 | Центральная предельная теорема для одинаково распределенных слагаемых. Теорема Ляпунова. Теорема Муавра –Лапласа. Вычисление совокупных и индивидуальных биномиальных вероятностей | 2 |
| 7 | 3 | Количественная форма законов больших чисел. Задача о среднем арифметическом | 2 |
| 8 | 4 | Общие принципы анализа данных. Эмпирические аналоги основных показателей. | 2 |
| 9 | 5 | Параметры распределений. Точечное оценивание. Несмещенность, состоятельность и эффективность. Методы моментов и максимального правдоподобия. Оценки I-го типа | 2 |
| 10 | 5 | Интервальное оценивание. Точность и надежность оценивания математического ожидания и дисперсии нормальной случайной величины; точность и надежность оценивания для негауссовских распределений | 2 |
| 11 | 6 | Статистические гипотезы. Надежность статистического вывода. Параметрические гипотезы. Принцип Неймана-Пирсона | 2 |
| 12 | 6 | Критерии согласия. Критерий Колмогорова-Смирнова. Критерий Пирсона. | 2 |
| 13 | 6 | Непараметрические гипотезы. Однородность и независимость. | 2 |
| 14 | 7 | Статистическое исследование зависимостей Случайные переменные. Корреляционные связи. Значимость коэффициента корреляции | 2 |
| 15 | 7 | Неслучайные переменные. Линейные по параметрам регрессионные модели. Оценивание коэффициентов регрессии методом наименьших квадратов. Оценка точности измерения | 2 |
| 16 | 7 | Адекватность модели. Точность и надежность оценивания коэффициентов регрессии. Прогнозирование результатов эксперимента. Точность и надежность прогноза. | 2 |

5.2. Практические занятия, семинары

| № занятия | № раздела | Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара | Кол-во часов |
|-----------|-----------|---|--------------|
| 1 | 1 | Подсчет численностей выборочных совокупностей. Элементы комбинаторики. Классическое определение вероятности. Геометрические вероятности | 2 |
| 2 | 1 | Зависимость и независимость. Полная вероятность. Схема Бернулли. | 2 |
| 3 | 1 | Контрольная работа «Случайные события» | 2 |
| 4 | 2 | Случайные величины. Функция распределения вероятностей. Ряд и плотность распределения. Числовые характеристики положения и рассеяния. | 2 |
| 5 | 2 | Стандартные дискретные и непрерывные распределения, связи числовых характеристик с параметрами | 2 |
| 6 | 2 | Числовые характеристики связи. Ковариация, корреляция | 2 |
| 7 | 2 | Контрольная работа «Случайные величины» | 2 |
| 8 | 3 | Локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа. Теорема Пуассона. Законы больших чисел | 2 |
| 9 | 4 | Элементарное введение в статистику. Эмпирические функции распределения и гистограммы относительных приведенных частот. | 2 |
| 10 | 5 | Точечное оценивание. Нахождение оценок параметров стандартных | 2 |

| | | | |
|----|---|---|---|
| | | распределений методом моментов и методом максимального правдоподобия | |
| 11 | 5 | Интервальное оценивание. Точность и надежность оценивания математического ожидания и дисперсии нормальной случайной величины. Точность и надежность оценивания для негауссовских распределений | 2 |
| 12 | 6 | Проверка статистических гипотез. Критерии согласия. | 2 |
| 13 | 6 | Проверка параметрических гипотез | 2 |
| 14 | 6 | Непараметрические гипотезы. Однородность и независимость. | 2 |
| 15 | 7 | Статистическое исследование зависимостей Случайные переменные. Корреляционные связи. Значимость коэффициента корреляции Неслучайные переменные. Линейные по параметрам регрессионные модели. Оценивание коэффициентов регрессии методом наименьших квадратов. | 2 |
| 16 | 7 | Адекватность модели. Точность и надежность оценивания коэффициентов регрессии. Прогнозирование результатов эксперимента. Точность и надежность прогноза. | 2 |

5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

5.4. Самостоятельная работа студента

| Выполнение СРС | | | |
|--|---|---------|--------------|
| Подвид СРС | Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс | Семестр | Кол-во часов |
| Подготовка к контрольным работам и выполнение их | ПУМД, осн. лит., 1-3; доп.лит. 1; ЭУМД, осн.лит. 2,; доп. лит. 3, метод.пос. 1,2. | 4 | 19 |
| Подготовка к тестированию | ПУМД, осн. лит., 1-3; доп.лит. 1; ЭУМД, осн.лит. 2,; доп. лит. 3, метод.пос. 1,2. | 4 | 10,5 |
| Выполнение расчетно-графических работ | ПУМД, осн. лит., 1-3; доп.лит. 1; ЭУМД, осн.лит. 2,; доп. лит. 3, метод.пос. 1,2. | 4 | 20 |
| Подготовка к экзамену | ПУМД, осн. лит., 1-3; доп.лит. 1; ЭУМД, осн.лит. 2,; доп. лит. 3, метод.пос. 1,2. | 4 | 20 |

6. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

| № КМ | Се-местр | Вид контроля | Название контрольного мероприятия | Вес | Макс. балл | Порядок начисления баллов | Учитывается в ПА |
|------|----------|------------------|--|-----|------------|---|------------------|
| 1 | 4 | Текущий контроль | Контрольная работа 1 "Случайные события" | 1 | 10 | Контрольная работа 1 проводится на последнем практическом занятии по теме "Случайные события». Продолжительность – 1 академический час. Она содержит 5 задач по | экзамен |

| | | | | | | | |
|---|---|------------------|---|-----|----|---|---------|
| | | | | | | <p>следующим темам: Основные теоремы. Повторение испытаний. Студент должен самостоятельно решить задачи, оформить их решение на отдельном листочке.</p> <p>Каждая задача оценивается от 0 до 2 баллов следующим образом: 2 балла – задача решена правильно, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 1 балл – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 60% полного решения; 0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p> | |
| 2 | 4 | Текущий контроль | Контрольная работа 2 "Случайные величины" | 1 | 6 | <p>Контрольная работа 2 проводится на последнем практическом занятии по теме "Случайные величины". Продолжительность – 1 академический час. Она содержит 3 задачи по следующим темам: Дискретные случайные величины. Функции и плотности распределения вероятностей случайных величин. Студент должен самостоятельно решить задачи, оформить их решение на отдельном листочке.</p> <p>Каждая задача оценивается от 0 до 2 баллов следующим образом: 2 балла – задача решена правильно, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 1 балл – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 60% полного решения; 0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p> | экзамен |
| 3 | 4 | Текущий контроль | Тест 1 "Случайные события" | 0,5 | 12 | <p>Контрольный тест 1 проводится на практическом занятии после изучения темы «Случайные события». Продолжительность – 0.5 часа. Содержит 12 теоретических вопросов (требуется привести определение, формулу, сформулировать теорему или свойства). Максимальная оценка за каждый вопрос</p> | экзамен |

| | | | | | | | |
|---|---|------------------|-------------------------------------|-----|---|--|---------|
| | | | | | | составляет 1 балл. – приведен полный ответ на вопрос, использованная формула верна. 0 баллов – нет ответа на вопрос. | |
| 4 | 4 | Текущий контроль | Тест 2 "Случайные величины" | 0,5 | 8 | Контрольный тест 2 проводится на практическом занятии после изучения темы «Случайные величины». Продолжительность – 0.5 часа. Содержит 8 теоретических вопросов (требуется привести определение, формулу, сформулировать теорему или свойства). Максимальная оценка за каждый вопрос составляет 1 балл. – приведен полный ответ на вопрос, использованная формула верна. 0 баллов – нет ответа на вопрос. | экзамен |
| 5 | 4 | Текущий контроль | Расчетно-графическая работа по Т.В. | 1 | 7 | Расчетно-графическая работа по Т.В. служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале 4 недели. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне аудитории и сдается студентом на 11 неделе текущего семестра. РГЗ содержит 7 задач по теории вероятностей. Студент должен самостоятельно решить задачу, аккуратно оформить подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – в остальных случаях. | экзамен |
| 6 | 4 | Текущий контроль | Расчетно-графическая работа по М.С. | 1 | 5 | Расчетно-графическая работа по М.С. служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале 10 недели. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне аудитории и сдается студентом на последней неделе | экзамен |

| | | | | | | | |
|---|---|--------------------------|---------|---|--|--|---------|
| | | | | | <p>текущего семестра. РГЗ содержит 5 задач по математической статистике. Студент должен самостоятельно решить задачу, аккуратно оформить подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – в остальных случаях.</p> | | |
| 7 | 4 | Промежуточная аттестация | Экзамен | - | 16 | <p>При оценивании результатов мероприятий используется балльно-рейтинговая система оценивания результатов учебной деятельности обучающихся (утверждена приказом ректора от 24.05.2019 г. № 179). Рейтинг обучающегося по дисциплине определяется только по результатам текущего контроля. При условии выполнения всех мероприятий текущего контроля и достижении 60 -100 % рейтинга обучающийся получает соответствующую рейтинговую оценку. При желании повысить рейтинг за курс обучающийся на очном экзамене опрашивается устно по вопросам, взятых из списка вопросов, выносимых на экзамен. Экзамен проводится в письменной форме. Экзамен содержит 2 задачи базового уровня, которые оцениваются максимально в 3 балла, 2 теоретических вопроса из списка, каждый из которых оценивается максимально в 5 баллов. Максимальное количество баллов, которое студент может набрать на экзамене, составляет 16. Шкала оценивания задач базового уровня 3 балла – задача решена верно, ошибок нет; 2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка; 1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые</p> | экзамен |

| | | | | | | |
|--|--|--|--|--|---|--|
| | | | | | <p>ошибки; 0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок. Шкала оценивания ответа на теоретический вопрос: 5 баллов – вопрос раскрыт полностью, ошибок в ответе нет; 4 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 80%, ошибок в ответе нет; 3 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 80%, допущены 1–2 негрубые ошибки; 2 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 60%, ошибок нет, или вопрос раскрыт практически полностью, но содержит 1–2 ошибки; 1 балл – ответ не является логически обоснованным и законченным, содержит отрывочные сведения, не менее 20% от полного ответа; 0 баллов – ответ на вопрос отсутствует или менее 20% верных сведений</p> <p>Преподаватель имеет право провести собеседование со студентом с целью более точного определения баллов за каждое задание. По результатам проверки экзаменационной работы и собеседования после подсчета суммы баллов, рассчитывается рейтинг обучающегося по промежуточной аттестации как процент набранных на зачете баллов данным студентом от максимально возможных баллов за зачет 16.</p> <p>Рейтинг обучающегося по дисциплине рассчитывается по результатам работы в семестре и оценки за экзаменационную работу.</p> | |
|--|--|--|--|--|---|--|

6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

| Вид промежуточной аттестации | Процедура проведения | Критерии оценивания |
|------------------------------|---|--|
| экзамен | <p>Студент вправе пройти контрольное мероприятие в рамках промежуточной аттестации (экзамен) для улучшения своего рейтинга. Экзамен проводится в соответствии с расписанием экзаменационной сессии. На экзамен отводится 30 минут. Преподаватель вправе задавать дополнительные вопросы в</p> | <p>В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения</p> |

6.3. Паспорт фонда оценочных средств

| Компетенции | Результаты обучения | № КМ | | | | | | |
|-------------|---|------|---|---|---|---|---|---|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| ОПК-1 | Знает: методы анализа задач профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики | + | + | + | + | + | + | + |
| ОПК-1 | Умеет: анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики | + | + | | | | + | + |
| ОПК-1 | Имеет практический опыт: анализа задач профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов в области естественных наук и математики с использованием теории вероятностей и математической статистики | + | + | + | + | + | + | + |

Типовые контрольные задания по каждому мероприятию находятся в приложениях.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Печатная учебно-методическая документация

а) основная литература:

1. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учеб. пособие для бакалавров.- 11-е изд., перераб. и доп.- М.:Юрайт, 2013.- 479 с.- Бакалавр. Базовый курс)
2. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учебное пособие / В. Е. Гмурман. - 12-е изд. -М. : Юрайт, 2016

б) дополнительная литература:

1. Горелова, Г. В. Теория вероятностей и математическая статистика в примерах и задачах с применением Excel : учебное пособие для студентов вузов / Г. В. Горелова, И. А. Кацко. - Ростов-на-Дону : Феникс, 2006. - 475 с.
2. Кремер, Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для вузов по экон. спец.- 3-е изд., перераб. и доп.- М.:ЮНИТИ, 2009.- 551 с

в) отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:

Не предусмотрены

г) методические указания для студентов по освоению дисциплины:

1. Теория вероятностей: учебное пособие/О.Ю.Наговицына, Е.А.Напалкова; под ред. В.И.Киселёва.- Челябинск: Издательский центр ЮУрГУ, 2023- 47с.
2. 2009 эбс <http://e.lanbook.com/view/book/1023/> Большакова, Л. В. Теория вероятностей для экономистов : учебное пособие [Электронный ресурс] / Л. В. Большакова. - М. : Финансы и статистика, 2009. - 208 с.

из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:

1. Теория вероятностей: учебное пособие/О.Ю.Наговицына, Е.А.Напалкова; под ред. В.И.Киселёва.- Челябинск: Издательский центр ЮУрГУ, 2023- 47с.

2. 2009 эбс <http://e.lanbook.com/view/book/1023/> Большакова, Л. В. Теория вероятностей для экономистов : учебное пособие [Электронный ресурс] / Л. В. Большакова. - М. : Финансы и статистика, 2009. - 208 с.

Электронная учебно-методическая документация

| № | Вид литературы | Наименование ресурса в электронной форме | Библиографическое описание |
|---|--|---|--|
| 1 | Методические пособия для самостоятельной работы студента | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей (типовые расчеты) [Электронный ресурс] : учебное пособие / В. А. Болотюк, Л. А. Болотюк, А. Г. Гринь и др. - СПб. : Лань, 2010. - 288 с. - (Учебники для вузов. Специальная литература). http://e.lanbook.com/view/book/51330006/ |
| 2 | Основная литература | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Тюрин, Ю. Н. Теория вероятностей : учебник для экономических и гуманитарных спец. [Электронный ресурс] / Ю. Н. Тюрин, А. А. Макаров, Г. И. Симонова. - М. : МЦМНО, 2009. - 256 с. http://e.lanbook.com/view/book/9426/ г |
| 3 | Дополнительная литература | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Бородин, А. И. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие для студентов вузов, обучающихся по нематематическим спец. [Электронный ресурс] / А. И. Бородин. - СПб. : Лань, 2011. - 256 с. - (Учебники для вузов. Специальная литература). http://e.lanbook.com/view/book/2026/ г |

Перечень используемого программного обеспечения:

1. Math Works-MATLAB, Simulink 2013b(бессрочно)
2. PTC-MathCAD(бессрочно)

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

| Вид занятий | № ауд. | Основное оборудование, стенды, макеты, компьютерная техника, предустановленное программное обеспечение, используемое для различных видов занятий |
|---------------------------------|---------|--|
| Практические занятия и семинары | 223 (5) | Не предусмотрено |
| Экзамен | 223 (5) | Не предусмотрено |
| Самостоятельная работа студента | 207 (5) | Не предусмотрено |
| Лекции | 223 | Не предусмотрено |

