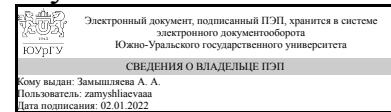


# ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ:  
Директор института  
Институт естественных и точных  
наук



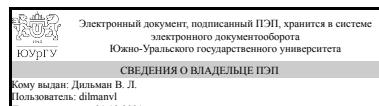
А. А. Замышляева

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

**дисциплины 1.0.10 Специальные главы математики  
для направления 04.03.01 Химия  
уровень Бакалавриат  
форма обучения очная  
кафедра-разработчик Математический анализ и методика преподавания  
математики**

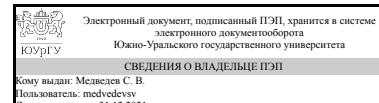
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению  
подготовки 04.03.01 Химия, утверждённым приказом Минобрнауки от 17.07.2017 №  
671

Зав.кафедрой разработчика,  
д.физ.-мат.н., доц.



В. Л. Дильман

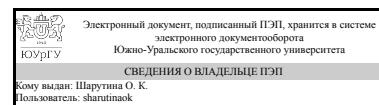
Разработчик программы,  
к.физ.-мат.н., доц., доцент



С. В. Медведев

СОГЛАСОВАНО

Руководитель направления  
д.хим.н., проф.



О. К. Шарутина

Челябинск

## **1. Цели и задачи дисциплины**

В настоящее время широко применяются математические методы представления и исследования различных процессов, математические модели успешно применяются при решении задач широкого класса. Поэтому математические курсы в вузах являются базовыми для специалиста технического профиля. Курс "Специальные главы математики" дополняет курс математического анализа, изученный студентами ранее. Целью преподавания и изучения дисциплины является формирование у студентов основ математического образования, развитие логического и алгоритмического мышления, формирование умений самостоятельно расширять математические знания, необходимые для решения прикладных задач и освоения последующих дисциплин. Основная задача дисциплины заключается в том, чтобы ознакомить студентов с аппаратом математического анализа, применяемым при решении теоретических и прикладных задач: сформировать умения оперировать с объектами математического анализа, проводить их исследование и делать выводы о свойствах объектов на его основе.

## **Краткое содержание дисциплины**

Криволинейные интегралы. Кратные интегралы. Числовые и функциональные ряды.

## **2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины**

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-4 Способен планировать работы химической направленности, обрабатывать и интерпретировать полученные результаты с использованием теоретических знаний и практических навыков решения математических и физических задач	Знает: определения и свойства кратных и криволинейных интегралов, числовых и степенных рядов Умеет: Имеет практический опыт: решения геометрических, физических и химических задач с помощью кратных и криволинейных интегралов, а также с применением степенных рядов

## **3. Место дисциплины в структуре ОП ВО**

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
1.О.08 Математика	Производственная практика, преддипломная практика (8 семестр)

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Дисциплина	Требования
1.О.08 Математика	Знает: базовые понятия линейной алгебры и математического анализа Умеет: использовать базовые понятия математического анализа и

	линейной алгебры для нахождения геометрических, физических и химических величин, составлять дифференциальные уравнения, отражающие реальные физические и химические процессы, интерпретировать полученные решения Имеет практический опыт: построения математических моделей с использованием матриц, систем линейных уравнений, функций одной и нескольких переменных, определенных интегралов, дифференциальных уравнений
--	---

#### 4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 ч., 70,25 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах	
		Номер семестра	4
Общая трудоёмкость дисциплины	108	108	
<i>Аудиторные занятия:</i>			
Лекции (Л)	32	32	
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	32	32	
Лабораторные работы (ЛР)	0	0	
<i>Самостоятельная работа (CPC)</i>	37,75	37,75	
с применением дистанционных образовательных технологий	0		
Выполнение домашних заданий	16	16	
Выполнение РГР	8	8	
Подготовка к контрольным работам	10	10	
Подготовка к дифференцированному зачету	3,75	3,75	
Консультации и промежуточная аттестация	6,25	6,25	
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	диф.зачет	

#### 5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объем аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Кратные интегралы	28	14	14	0
2	Криволинейные интегралы	12	6	6	0
3	Числовые ряды	12	6	6	0
4	Функциональные ряды	12	6	6	0

##### 5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во
----------	-----------	---	--------

			часов
1	1	Двойной интеграл. Определение. Свойства. Вычисление в декартовых координатах	2
2	1	Вычисление двойного интеграла в полярных координатах	2
3	1	Геометрические приложения двойного интеграла. Физические приложения двойного интеграла	2
4	1	Понятие тройного интеграла. Свойства. Вычисление в декартовых координатах	2
5, 6	1	Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах. Геометрические и физические приложения тройного интеграла	4
7	1	Понятие о несобственных кратных интегралах	2
8	2	Криволинейные интегралы I рода. Вычисление, свойства, приложения к задачам физики	2
9, 10	2	Задача о работе переменной силы. Определение криволинейного интеграла II рода. Свойства. Физические приложения. Независимость криволинейного интеграла от пути интегрирования. Восстановление функции по ее полному дифференциалу. Формула Грина	4
11, 12	3	Числовые ряды. Основные понятия. Свойства числовых рядов. Признаки сходимости знакоположительных рядов	4
13	3	Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость числового ряда	2
14	4	Функциональные ряды. Степенные ряды	2
15	4	Разложение функций в ряд Тейлора	2
16	4	Приложения степенных рядов к приближенным вычислениям и решению дифференциальных уравнений	2

## 5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1	1	Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах	2
2, 3	1	Вычисление двойного интеграла в полярных координатах. Геометрические и физические приложения двойного интеграла	4
4, 5, 6	1	Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах. Приложения тройного интеграла	6
7	1	Несобственные кратные интегралы. Контрольная работа "Кратные интегралы" ПК1	2
8	2	Криволинейные интегралы I рода: вычисление и приложения	2
9, 10	2	Криволинейные интегралы II рода: вычисление и приложения. Независимость криволинейных интегралов II рода от пути интегрирования. Восстановление функции по ее полному дифференциалу. Формула Грина. Контрольная работа "Криволинейные интегралы" ПК2	4
11, 12	3	Числовые ряды. Свойства числовых рядов. Признаки сходимости положительных рядов. Знакочередующиеся ряды. Абсолютная и условная сходимость числового ряда	4
13	3	Приближенные вычисления с помощью числовых рядов. Контрольная работа "Числовые ряды" ПК3	2
14, 15	4	Область сходимости функционального ряда. Степенные ряды. Разложение функций в ряд Тейлора. Приложения степенных рядов к приближенным вычислениям	4

16	4	Приложения степенных рядов к решению дифференциальных уравнений. Контрольная работа "Функциональные ряды" ПК4	2
----	---	--	---

### 5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

### 5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Выполнение домашних заданий	ЭУМД, осн. лит. 1, главы VIII, XI; ЭУМД, доп. лит. 2, главы VII, IX.	4	16
Выполнение РГР	ЭУМД, осн. лит. 1, главы VIII, XI; ЭУМД, доп. лит. 2, главы VII, IX.	4	8
Подготовка к контрольным работам	ЭУМД, осн. лит. 1, главы VIII, XI; ЭУМД, доп. лит. 2, главы VII, IX.	4	10
Подготовка к дифференцированному зачету	ЭУМД, осн. лит. 1, главы VIII, XI; ЭУМД, доп. лит. 2, главы VII, IX.	4	3,75

## 6. Текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

### 6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се-мestr	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учи-тыва-ется в ПА
1	4	Текущий контроль	C1	6	13	Домашняя самостоятельная работа содержит 4 задания. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании. Правильно нарисована область интегрирования – добавляется 1 балл. Правильно расставлены пределы интегрирования в интеграле – добавляется 1 балл. Решение подробное, получен верный числовой ответ – добавляется 1 балл. Каждая задача оценивается максимально в 3 балла. Правильно выполненное задание сдано в указанный срок – добавляется 1 балл.	дифференцированный зачет
2	4	Текущий	C2	6	11	Домашняя самостоятельная	дифференцированный

		контроль				работа содержит 5 заданий. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании. Правильно нарисована область интегрирования и расставлены пределы интегрирования в интеграле – добавляется 1 балл. Решение подробное, получен верный числовой ответ – добавляется 1 балл. Каждая задача оценивается максимально в 2 балла. Правильно выполненное задание сдано в указанный срок – добавляется 1 балл.	зачет
3	4	Текущий контроль	C3	6	11	Домашняя самостоятельная работа содержит 5 заданий. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании. Приведено теоретическое обоснование решения – добавляется 1 балл. Решение подробное, получен верный числовой ответ – добавляется 1 балл. Каждая задача оценивается максимально в 2 балла. Правильно выполненное задание сдано в указанный срок – добавляется 1 балл.	дифференцированный зачет
4	4	Текущий контроль	C4	6	10	Домашняя самостоятельная работа содержит 4 задания. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании. Приведено теоретическое обоснование решения – добавляется 1 балл. Решение подробное, получен верный числовой ответ – добавляется 1 балл. Каждая из задач №№2, 3, 4 оценивается максимально в 2 балла. Дополнительно в задаче №1 проведено исследование на концах интервала сходимости – добавляется 1 балл. Правильно выполненное задание сдано в указанный срок – добавляется 1 балл.	дифференцированный зачет
5	4	Текущий контроль	ПК1	15	10	Аудиторная контрольная работа содержит 3 задания. Задачи №1 и №2 оценивается максимально в 3 балла, задача №3 - 4 балла.	дифференцированный зачет

						0 баллов - исходная оценка в каждом задании. Далее: 1) если правильно нарисованы граница и область интегрирования, то добавляется 1 балл; 2) если правильно составлен повторный интеграл, то добавляется 1 балл; 3) только в задаче № 3 добавляется 1 балл, если правильно вычислен внутренний интеграл; 4) если получен верный числовoy ответ, то добавляется 1 балл. Максимальная оценка за работу $3 + 3 + 4 = 10$ баллов.	
6	4	Текущий контроль	ПК2	15	11	<p>Аудиторная контрольная работа содержит 3 задания. Задача №1 оценивается максимально в 3 балла, задачи №2 и №3 - в 4 балла.</p> <p>0 баллов - исходная оценка в каждом задании.</p> <p>Далее добавляется один балл за каждый правильно выполненный пункт из следующего списка.</p> <p>Для задачи №1:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) нарисован отрезок интегрирования;</li> <li>2) исходный интеграл преобразован в определенный интеграл;</li> <li>3) получен верный числовой ответ, промежуточные вычисления подробные.</li> </ol> <p>Для задачи №2:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) нарисован треугольник <math>\Delta ABC</math>;</li> <li>2) применена формула Грина;</li> <li>3) составлен повторный интеграл;</li> <li>4) получен верный числовой ответ, промежуточные вычисления подробные.</li> </ol> <p>Для задачи №3:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) нарисована кривая интегрирования;</li> <li>2) сделана проверка независимости от кривой интегрирования;</li> <li>3) исходный интеграл преобразован в определенный</li> </ol>	дифференцированный зачет

							интеграл; 4) получен верный числовой ответ, промежуточные вычисления подробные. Максимальная оценка за работу $3 + 4 + 4 = 11$ баллов.	
7	4	Текущий контроль	ПК3	15	10		<p>Аудиторная контрольная работа содержит 5 заданий. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании.</p> <p>Задача 1 оценивается максимально в 2 балла, при этом:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) добавляется 1 балл, если верно найден третий член ряда;</li> <li>2) добавляется 1 балл, если правильно вычислена сумма ряда.</li> </ol> <p>Каждая из задач 2-5 оценивается максимально в 2 балла, при этом:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) добавляется 1 балл за теоретическое обоснование решения;</li> <li>2) добавляется 1 балл, если решение подробное и получен верный ответ.</li> </ol>	дифференцированный зачет
8	4	Текущий контроль	ПК4	15	10		<p>Аудиторная контрольная работа содержит 5 заданий. 0 баллов - исходная оценка в каждом задании.</p> <p>Получен правильный числовой ответ в задаче – добавляется 1 балл.</p> <p>Решение задачи подробное, дано теоретическое обоснование метода решения – добавляется 1 балл.</p> <p>Максимальная оценка за каждую задачу – 2 балла.</p>	дифференцированный зачет
9	4	Текущий контроль	T1	8	6		<p>Аудиторная проверочная работа на 10 минут содержит 2 задания.</p> <p>0 баллов - исходная оценка ответа на каждый вопрос.</p> <p>Дано точное определение / приведена точная формулировка теоремы - добавляется 1 балл.</p> <p>Наличие геометрической иллюстрации - добавляется 1 балл.</p> <p>Указаны все нужные свойства - добавляется 1 балл.</p> <p>Максимальная оценка за</p>	дифференцированный зачет

						каждое задание – 3 балла.	
10	4	Текущий контроль	T2	8	6	<p>Аудиторная проверочная работа на 10 минут содержит 2 задания.</p> <p>0 баллов - исходная оценка ответа в каждом задании.</p> <p>Добавляется 3 балла за полный и правильный ответ на вопрос;</p> <p>добавляется 1 балл, если даны неверные формулировки, но по смыслу верно.</p>	дифференцированный зачет
11	4	Бонус	Пр	-	8	<p>Бонус за активность на практических занятиях.</p> <p>0 баллов - исходная оценка.</p> <p>За каждые 4 недели семестра, (т.е. 1-4, 5-8, 9-12, 13-16):</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) За регулярное выполнение домашних заданий (&gt;80%) добавляется 1 балл.</li> <li>2) За активность на занятиях добавляется 1 балл.</li> </ol>	дифференцированный зачет
13	4	Промежуточная аттестация	Зачетная работа	-	18	<p>Оценивание решения каждой из 6 предложенных задач.</p> <p>3 балла получает полное и обоснованное решение задачи, доведенное до верного арифметического ответа.</p> <p>Один балл снимается за отсутствие комментария к решению (название применяемой теоремы; наличие общей формулы до подстановки численных значений).</p> <p>Один балл снимается за арифметическую ошибку, не повлиявшую существенно на ход решения.</p> <p>Два балла снимаются за грубую ошибку или за несколько арифметических ошибок.</p> <p>0 баллов выставляется, если нет указания на способ решения задачи и/или сделано несколько грубых ошибок.</p>	дифференцированный зачет

## 6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

Вид промежуточной аттестации	Процедура проведения	Критерии оценивания
дифференцированный зачет	Контрольное мероприятие промежуточной аттестации проводится по расписанию во время зачетной недели. На зачете происходит оценивание учебной деятельности	В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения

	обучающихся по дисциплине на основе полученных оценок за контрольно-рейтинговые мероприятия текущего контроля семестра. Студент может улучшить свой рейтинг, пройдя контрольное мероприятие промежуточной аттестации, которое не является обязательным. Контрольное мероприятие промежуточной аттестации проводится в виде письменной работы. Время выполнения зачетной работы 80 минут. После проверки сданной работы, перед выставлением оценки, преподаватель может задать дополнительные вопросы с целью более точного определения уровня знаний и умений студента.	
--	---	--

### 6.3. Оценочные материалы

Компетенции	Результаты обучения	№ КМ												
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
ОПК-4	Знает: определения и свойства кратных и криволинейных интегралов, числовых и степенных рядов	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+	
ОПК-4	Умеет:													+
ОПК-4	Имеет практический опыт: решения геометрических, физических и химических задач с помощью кратных и криволинейных интегралов, а также с применением степенных рядов	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+++	+	+

Фонды оценочных средств по каждому контрольному мероприятию находятся в приложениях.

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### Печатная учебно-методическая документация

#### a) основная литература:

1. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике : Тридцать пять лекций [Текст] Ч. 2 в 2 ч. Д. Т. Письменный. - М.: Айрис-пресс: Рольф, 2000. - 251, [1] с. ил.
2. Пискунов, Н. С. Дифференциальное и интегральное исчисления Т. 2 Учеб. пособие для вузов. - Изд. стер. - М.: Интеграл-Пресс, 2001. - 544 с. ил.
3. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа : Решение типичных и трудных задач [Текст] учебное пособие Г. Н. Берман. - 3-е изд., стер. - СПб. и др.: Лань, 2007. - 604 с. ил.

#### б) дополнительная литература:

1. Шипачев, В. С. Высшая математика Учеб. для высш. учеб. заведений. - 4-е изд., стер. - М.: Высшая школа, 1998. - 479 с. ил.
2. Корытов, С. Г. Дифференциальное и интегральное исчисление функций многих переменных Метод. указания и контрольные задания для студ.-заоч. ЧПИ им. Ленинского комсомола, Каф. Высш. математика 2; С. Г. Корытов, Ю. Г. Малиновский, С. В. Медведев; ЮУрГУ. - Челябинск: ЧПИ, 1989. - 64 с.
3. Практикум по высшей математике для экономистов [Текст] учеб. пособие для вузов по экон. специальностям Н. Ш. Кремер и др.; под ред. Н. Ш. Кремера. - М.: ЮНИТИ, 2003. - 422, [1] с. ил.

*в) отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:*

Не предусмотрены

*г) методические указания для студентов по освоению дисциплины:*

1. Методические указания по освоению дисциплины

*из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:*

1. Методические указания по освоению дисциплины

## **Электронная учебно-методическая документация**

№	Вид литературы	Наименование ресурса в электронной форме	Библиографическое описание
1	Основная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Бермант, А.Ф. Краткий курс математического анализа. [Электронный ресурс] / А.Ф. Бермант, И.Г. Араманович. – Электрон. дан. – СПб. : Лань, 2010. – 736 с. <a href="http://e.lanbook.com/book/2660">http://e.lanbook.com/book/2660</a>
2	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Запорожец, Г.И. Руководство к решению задач по математическому анализу. [Электронный ресурс] – Электрон. дан. – СПб. : Лань, 2014. – 464 с. <a href="http://e.lanbook.com/book/149">http://e.lanbook.com/book/149</a>
3	Методические пособия для самостоятельной работы студента	Учебно-методические материалы кафедры	Методические указания по освоению дисциплины. <a href="http://mfa.susu.ru/images/MY/MYSpetsglHim.pdf">http://mfa.susu.ru/images/MY/MYSpetsglHim.pdf</a>
4	Дополнительная литература	Электронный каталог ЮУрГУ	Евдокимова, Н. А. Математический анализ [Электронный ресурс] Ч. 2 : учеб. пособие / Н. А. Евдокимова, О. К. Сибагатуллина, С. А. Шунайлова ; Юж.-Урал. гос. ун-т, Каф. Мат. анализ и методика преподавания математики ; ЮУрГУ. - Челябинск, 2016. <a href="http://www.lib.susu.ac.ru/ftd?base=SUSU_METHOD&amp;key=000551657">http://www.lib.susu.ac.ru/ftd?base=SUSU_METHOD&amp;key=000551657</a>
5	Основная литература	Учебно-методические материалы кафедры	Лекции по специальным главам математики. <a href="http://www.mfa.susu.ru/images/KTtex/LSpetsgl.pdf">http://www.mfa.susu.ru/images/KTtex/LSpetsgl.pdf</a>

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

## **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Вид занятий	№ ауд.	Основное оборудование, стеллы, макеты, компьютерная техника, предустановленное программное обеспечение, используемое для
-------------	--------	--

		различных видов занятий
Практические занятия и семинары		Учебная аудитория, оборудованная меловой доской
Лекции		Учебная аудитория, оборудованная проектором, экраном и микрофоном