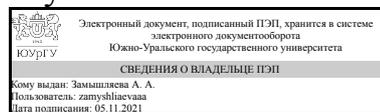


# ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ:  
Директор института  
Институт естественных и точных  
наук



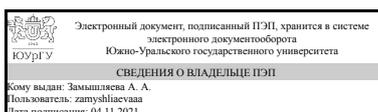
А. А. Замышляева

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

**дисциплины** 1.О.19 Дискретная оптимизация  
**для направления** 01.03.02 Прикладная математика и информатика  
**уровень** Бакалавриат  
**форма обучения** очная  
**кафедра-разработчик** Прикладная математика и программирование

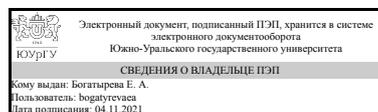
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утверждённым приказом Минобрнауки от 10.01.2018 № 9

Зав.кафедрой разработчика,  
д.физ.-мат.н., проф.



А. А. Замышляева

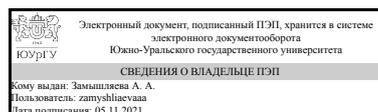
Разработчик программы,  
к.физ.-мат.н., доцент (кн)



Е. А. Богатырева

СОГЛАСОВАНО

Руководитель направления  
д.физ.-мат.н., проф.



А. А. Замышляева

## 1. Цели и задачи дисциплины

Цель дисциплины: ознакомление с основными понятиями дискретной оптимизации.  
Задачи дисциплины: • формирование представлений о теории сложности вычислений; • развитие способности понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат; • овладение методами решения задач дискретной оптимизации, развитие понимания условий их применения.

## Краткое содержание дисциплины

Минимаксные теоремы Теоремы Форда – Фалкерсона, Холла, Кенига – Эгервари, Дилворта. Задача о назначениях и другие задачи о двудольных графах Нахождение наибольшего паросочетания и наименьшего вершинного покрытия в двудольном графе. Венгерский алгоритм. Задача о назначениях на узкое место. Матроиды. Жадный алгоритм Определения и примеры. Двойственность. Представимые матроиды. Ранговая функция. Жадный алгоритм. Задача планирования эксперимента. Общие трансверсали. Сложность задач Задача выбора. Варианты задачи оптимизации. Классы P NP. Полиномиальная сводимость. NP-полные задачи. Структура класса NP. Приближенные алгоритмы Определения. Приближённый алгоритм Кристофидеса решения метрической задачи коммивояжера.

## 2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	Знает: основные понятия сложности алгоритмов Имеет практический опыт: классификации дискретных задач по их сложности

## 3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
1.О.12 Теория оптимизации, 1.О.23 Уравнения математической физики, 1.О.30 Численные методы, ФД.04 Графическое моделирование, ФД.05 Теория компьютерных игр	Не предусмотрены

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Дисциплина	Требования
ФД.04 Графическое моделирование	Знает: основные виды графических моделей; методы геометрического моделирования Умеет: исследовать поведение графических систем сложных объектов и модифицировать под них графические модели Имеет практический опыт: проектирования программных систем,

	использующих решение геометрических задач
1.О.23 Уравнения математической физики	Знает: методы решений уравнений математической физики Умеет: модифицировать алгоритмы решения уравнений математической физики в зависимости от краевых и начальных условий Имеет практический опыт:
1.О.12 Теория оптимизации	Знает: принципы моделирования экономических, экологических, социальных, технических задач в форме задач оптимизации, методы оптимизации решений конкретных задач, с учётом имеющихся ограничений Умеет: применять методы оптимизации в математическом моделировании, проектировать решение задачи, выбирая оптимальный способ её решения Имеет практический опыт: моделирования социальных задач и производственных процессов, анализа альтернативных вариантов решений для достижения оптимальных результатов
ФД.05 Теория компьютерных игр	Знает: классификацию компьютерных игр Умеет: выбирать математическую модель, соответствующую игровому процессу человек-компьютер, и проверять её адекватность Имеет практический опыт: решения «классических» задач теории компьютерных игр
1.О.30 Численные методы	Знает: классические численные методы решения задач вычислительной математики Умеет: оценивать сложность и эффективность численных методов, применяемых в решении профессиональных задач Имеет практический опыт: разработки и анализа математических моделей и алгоритмов решения задач вычислительной математики

#### 4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 ч., 72,5 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам в часах	
		Номер семестра	
		7	
Общая трудоёмкость дисциплины	108	108	
<i>Аудиторные занятия:</i>	64	64	
Лекции (Л)	32	32	
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	32	32	
Лабораторные работы (ЛР)	0	0	
<i>Самостоятельная работа (СРС)</i>	35,5	35,5	
с применением дистанционных образовательных технологий	0		
Выполнение домашних заданий	16	16	

Подготовка к экзамену	14	14
Выполнение семестрового задания	5,5	5.5
Консультации и промежуточная аттестация	8,5	8,5
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	экзамен

## 5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объем аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Минимаксные теоремы	16	8	8	0
2	Задача о назначениях и другие задачи о двудольных графах	26	8	18	0
3	Матроиды. Жадный алгоритм	12	6	6	0
4	Сложность задач	8	8	0	0
5	Приближенные алгоритмы	2	2	0	0

### 5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во часов
1-2	1	Теорема Холла. Теорема Пуанкаре. Дополняемость латинских прямоугольников до латинских квадратов.	4
3	1	Теорема Кенига – Эгервари. Дважды стохастические матрицы. Рёберно-хроматическое число графа. Теорема Визинга.	2
4	1	Теорема Дилворта. Двойственная теорема. Их приложения к различным задачам.	2
5-6	2	Задачи о двудольных графах: нахождение наибольшего паросочетания и наименьшего вершинного покрытия;	4
7-8	2	Венгерский алгоритм решения задачи о назначениях; задача о назначениях на узкое место.	4
9-10	3	Матроиды: основные определения; двойственность; ранговая функция; жадный алгоритм; применение в задачах планирования эксперимента.	4
11	3	Трансверсальный матроид; общие трансверсали.	2
12-13	4	Сложность задач и алгоритмов: классы P и NP; полиномиальное сведение.	4
14-15	4	NP-полные задачи, сведение их друг к другу	4
16	5	Приближенные алгоритмы: основные понятия; алгоритм Кристофидеса решения задачи коммивояжера	2

### 5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1-2	1	Теоремы Холла, Кёнига-Эгервари, Дилворта.	4
3-4	1	Лемма Шпернера. Пополнение латинских квадратов.	4
5	2	Задачи о двудольных графах: нахождение наибольшего паросочетания и наименьшего вершинного покрытия.	2
6-7	2	Венгерский алгоритм решения задачи о назначениях; задача о назначениях на узкое место.	4

8	2	Алгоритмы нахождения минимального стягивающего дерева	2
9-10	2	Алгоритмы на ориентированных графах	4
11	2	Знакомство с пакетом GeoGebra	2
12-13	2	Работа с графами в математических пакетах	4
14	3	Представимые матроиды	2
15-16	3	Графические матроиды. Матроиды Фано и Вамоса.	4

### 5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

### 5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Выполнение домашних заданий	Эвнин, А. Ю. Дискретная математика Текст задачник : учеб. пособие для мат. специальностей ун-тов А. Ю. Эвнин ; Юж.-Урал. гос. ун-т, Каф. Прикл. математика ; ЮУрГУ. - Челябинск: Издательский Центр ЮУрГУ, 2009. - 265 с. ил.	7	16
Подготовка к экзамену	Эвнин А.Ю. Дискретная математика. Конспект лекций.	7	14
Выполнение семестрового задания	Индивидуальные задания по дискретной математике: учебное пособие / А.Ю. Эвнин. - Челябинск. Издательский центр ЮУрГУ, 2013. С. 3-35.	7	5,5

## 6. Текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

### 6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се-местр	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учитывается в ПА
1	7	Текущий контроль	Проверка посещаемости	0,2	100	Балл равен проценту посещенных занятий	экзамен
2	7	Текущий контроль	РГР Паросочетания и задача о назначениях	0,2	100	Балл равен проценту выполнения семестрового задания	экзамен
3	7	Текущий контроль	Проверка работы на практических занятиях	0,3	100	На каждом практическом занятии студентам даётся задание по пройденному материалу. Балл по КМ	экзамен

						равен проценту выполненных заданий в семестре.	
4	7	Текущий контроль	Контрольная работа	0,3	100	Балл равен проценту решенных заданий из контрольной работы	экзамен
5	7	Бонус	Участие в олимпиадах	1	15	5 баллов за участие в олимпиадах уровня университета 10 баллов за победу в олимпиаде уровня университета или участие в олимпиаде регионального уровня 15 баллов за победу в олимпиаде регионального уровня или участие в олимпиаде международного уровня	экзамен
6	7	Промежуточная аттестация	Экзамен	1	5	В билете 5 вопросов: 2 теоретических и 3 задачи. За верное выполнение каждого задания начисляется 1 балл.	экзамен

## 6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

Вид промежуточной аттестации	Процедура проведения	Критерии оценивания
экзамен	Прохождение контрольного мероприятия промежуточной аттестации не является обязательным. Экзамен может быть выставлен по баллам текущего контроля. Студент может повысить свой рейтинг на экзамене. Экзамен проводится в письменной форме: в каждом билете 2 теоретических вопроса и 3 задачи.	В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения

## 6.3. Оценочные материалы

Компетенции	Результаты обучения	№ КМ					
		1	2	3	4	5	6
ОПК-3	Знает: основные понятия сложности алгоритмов	+			+		+
ОПК-3	Имеет практический опыт: классификации дискретных задач по их сложности		+	+	+	+	+

Фонды оценочных средств по каждому контрольному мероприятию находятся в приложениях.

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### Печатная учебно-методическая документация

#### а) основная литература:

1. Вся высшая математика Т. 7 Учеб. для втузов М. Л. Краснов, А. И. Киселев, Г. И. Макаренко и др. - М.: КомКнига: URSS, 2006
2. Эвнин, А. Ю. Вокруг теоремы Холла Текст 57 упражнений с ответами и решениями : учеб. пособие для мат. специальностей ун-тов А. Ю. Эвнин. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: ЛИБРОКОМ, 2012
3. Эвнин, А. Ю. Элементы дискретной оптимизации Текст учеб. пособие по специальности "Приклад. математика" и др. А. Ю. Эвнин ; Юж.-Урал. гос. ун-т, Каф. Приклад. математика ; ЮУрГУ. - Челябинск: Издательский Центр ЮУрГУ, 2012. - 91, [1] с. ил. электрон. версия

4. Эвнин, А. Ю. ЮУрГУ Задачник по дискретной математике Текст учеб. пособие для мат. специальностей ун-тов А. Ю. Эвнин. - изд. стер. - М.: URSS : ЛИБРОКОМ, 2014. - 263 с.

*б) дополнительная литература:*

1. Асанов, М. О. Дискретная математика : графы, матроиды, алгоритмы [Текст] учеб. пособие М. О. Асанов, В. А. Баранский, В. В. Расин. - 2-е изд., испр. и доп. - СПб. и др.: Лань, 2010. - 362 с. ил.

2. Липский, В. Комбинаторика для программистов В. Липский; Пер. с польск. В. А. Евстигнеева, О. А. Логиновой; Под ред. А. П. Ершова. - М.: Мир, 1988. - 213 с. ил.

3. Акимов, О. Е. Дискретная математика: Логика, группы, графы О. Е. Акимов. - 2-е изд., доп. - М.: Лаборатория Базовых Знаний, 2003. - 376 с. ил.

4. Свами, М. Н. Графы, сети и алгоритмы Пер. с англ. М. В. Горбатовой и др; Под ред. В. А. Горбатова. - М.: Мир, 1984. - 454 с. ил.

*в) отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:*

1. Дискретная математика ,науч.-теорет. журн. ,Рос. акад. наук, Отд-ние математики.

2. Дискретный анализ и исследование операций ,науч. журн. ,Рос. акад. наук, Сиб. отд-ние, Ин-т математики им. С. Л. Соболева СО РАН.

3. Journal of combinatorial theory ,науч. журн.

*г) методические указания для студентов по освоению дисциплины:*

1. Эвнин, А.Ю. Элементарное введение в матроиды / А. Ю. Эвнин. - Челябинск: Изд-во ЮУрГУ, 2004. - 40 с.

2. Методические указания по освоению дисциплины

*из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:*

**Электронная учебно-методическая документация**

№	Вид литературы	Наименование ресурса в электронной форме	Библиографическое описание
1	Основная литература	Учебно-методические материалы кафедры	Эвнин А.Ю. Теория графов и комбинаторика <a href="https://lib.susu.ru/ftd?base=SUSU_METHOD&amp;key=000150855?base=SUSU">https://lib.susu.ru/ftd?base=SUSU_METHOD&amp;key=000150855?base=SUSU</a>
2	Дополнительная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Кузнецов, О.П. Дискретная математика для инженера <a href="https://e.lanbook.com/book/130477">https://e.lanbook.c</a>
3	Основная литература	Электронно-библиотечная система издательства Лань	Асанов М.О., Баранский В.А., Расин В.В. Дискретная математика: граф <a href="https://e.lanbook.com/book/130477">https://e.lanbook.com/book/130477</a>

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

## **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Не предусмотрено