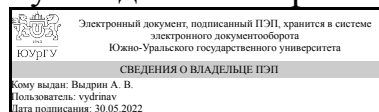


УТВЕРЖДАЮ:  
Руководитель направления



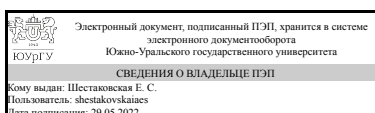
А. В. Выдрин

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины 1.О.10 Алгебра и геометрия  
для направления 15.03.02 Технологические машины и оборудование  
уровень Бакалавриат  
форма обучения очная  
кафедра-разработчик Вычислительная механика

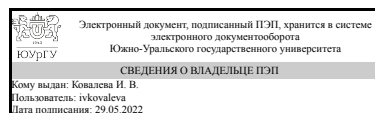
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 15.03.02 Технологические машины и оборудование, утверждённым приказом Минобрнауки от 09.08.2021 № 728

Зав.кафедрой разработчика,  
к.физ.-мат.н., доц.



Е. С. Шестаковская

Разработчик программы,  
старший преподаватель



И. В. Ковалева

## 1. Цели и задачи дисциплины

Целями освоения дисциплины «Алгебра и геометрия» являются: - познакомить студентов с основными понятиями и методами линейной алгебры и аналитической геометрии и их приложениями; - сформировать правильный научный подход к решению различных задач; - развить навыки абстрактного логического мышления; - расширить научный кругозор и научить студентов свободно оперировать современными математическими терминами. Курс «Алгебра и геометрия» позволяет студентам овладеть фундаментальными понятиями и методами современной математики, без знания которых невозможна дальнейшая профессиональная подготовка. При освоении данного курса у студентов формируются навыки грамотной постановки научных задач, решения задач с применением математического аппарата, систематизации полученных знаний.

## Краткое содержание дисциплины

Матрицы и определители. Системы линейных уравнений. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. Комплексные числа.

## 2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

| Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)   | Планируемые результаты обучения по дисциплине   |
|---|---|
| УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач | Знает: Основные понятия теории матриц и определителей, линейных систем, линейных и евклидовых пространств, линейных преобразований, их собственных векторов и чисел, квадратичных форм; Основные понятия алгебры геометрических векторов, свойства линейных операций над ними, различные типы произведений таких векторов; Основные геометрические объекты: прямые, плоскости, кривые и поверхности второго порядка, их уравнения в различной форме<br>Умеет: Приобретать новые знания, используя современные образовательные и информационные технологии; Решать типовые задачи линейной алгебры, векторной алгебры и аналитической геометрии; Использовать язык и символики алгебры и геометрии, уметь формулировать и доказывать с его помощью основные и выводимые из основных утверждения в алгебре и геометрии<br>Имеет практический опыт: Использования аппарата алгебры и геометрии при изучении других дисциплин и современной научно-технической литературы; Применения алгебро-геометрических методов при решении профессиональных задач |

## 3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

|   |   |
|---|---|
| Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана | Перечень последующих дисциплин, видов работ |
| Нет   | 1.О.12 Специальные главы математики         |

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Нет

#### 4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 з.е., 144 ч., 74,5 ч. контактной работы

| Вид учебной работы   | Всего часов | Распределение по семестрам в часах |  |
|--|-------------|------------------------------------|--|
|  |             | Номер семестра                     |  |
|  |             | 1                                  |  |
| Общая трудоёмкость дисциплины  | 144         | 144                                |  |
| <i>Аудиторные занятия:</i>   | 64          | 64                                 |  |
| Лекции (Л)   | 32          | 32                                 |  |
| Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ) | 32          | 32                                 |  |
| Лабораторные работы (ЛР)   | 0           | 0                                  |  |
| <i>Самостоятельная работа (СРС)</i>  | 69,5        | 69,5                               |  |
| Подготовка к экзамену  | 25          | 25                                 |  |
| Текущие и контрольные домашние работы                                      | 23,5        | 23,5                               |  |
| Подготовка к аудиторным контрольным мероприятиям                           | 21          | 21                                 |  |
| Консультации и промежуточная аттестация                                    | 10,5        | 10,5                               |  |
| Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)                                   | -           | экзамен                            |  |

#### 5. Содержание дисциплины

| № раздела | Наименование разделов дисциплины          | Объем аудиторных занятий по видам в часах |   |    |    |
|-----------|---|---|---|----|----|
|           |   | Всего                                     | Л | ПЗ | ЛР |
| 1         | Матрицы и определители                    | 12  | 5 | 7  | 0  |
| 2         | Системы линейных алгебраических уравнений | 13  | 7 | 6  | 0  |
| 3         | Векторная алгебра                         | 12  | 5 | 7  | 0  |
| 4         | Элементы линейной алгебры                 | 9   | 6 | 3  | 0  |
| 5         | Аналитическая геометрия на плоскости      | 5   | 3 | 2  | 0  |
| 6         | Аналитическая геометрия в пространстве    | 6   | 3 | 3  | 0  |
| 7         | Комплексные числа                         | 7   | 3 | 4  | 0  |

##### 5.1. Лекции

| № | № | Наименование или краткое содержание лекционного занятия | Кол- |
|---|---|---|------|
|---|---|---|------|

| лекции | раздела |  | во часов |
|--------|---------|--|----------|
| 1      | 1       | Матрицы. Действия с матрицами. Операция транспонирования. Линейные операции над матрицами. Элементарные преобразования матриц. Умножение матриц.   | 1        |
| 2      | 1       | Определители. Основные свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема Лапласа. Обратная матрица. Теорема о невырожденной матрице.   | 2        |
| 3      | 1       | Ранг матрицы. Теорема о линейной зависимости строк/столбцов матрицы. Теорема о ранге матрицы.  | 1        |
| 4      | 1       | Системы линейных алгебраических уравнений. Матричный метод решения СЛАУ. Метод Крамера.  | 1        |
| 5      | 2       | Метод Гаусса решения СЛАУ. Теорема о совместности СЛАУ.  | 2        |
| 6      | 2       | Системы линейных однородных уравнений. Теорема о ненулевом решении СЛОУ.   | 2        |
| 7      | 2       | Неоднородные системы линейных уравнений. Свойства НСЛУ.  | 1        |
| 8      | 2       | Метод Леонтьева многоотраслевой экономики. Балансовые соотношения.   | 1        |
| 9      | 2       | Линейная модель многоотраслевой экономики. Продуктивные модели Леонтьева.  | 1        |
| 10     | 3       | Векторная алгебра. Основные понятия. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в базисе.  | 1        |
| 11     | 3       | Проекция вектора на ось. Разложение вектора по ортам координатных осей. Направляющие косинусы вектора.   | 1        |
| 12     | 3       | Скалярное произведение векторов и его свойства.  | 1        |
| 13     | 3       | Векторное произведение векторов и его свойства.  | 1        |
| 14     | 3       | Смешанное произведение векторов и его свойства.  | 1        |
| 15     | 4       | Элементы линейной алгебры. $n$ -мерный вектор. Линейные операции над $n$ -мерными векторами. Скалярное произведение. Длина.  | 1        |
| 16     | 4       | $n$ -мерное векторное пространство. Базис. Линейная независимость векторов. Базис линейного векторного пространства и координаты вектора. Теорема единственности координат вектора относительно некоторого базиса. Размерность пространства. | 1        |
| 17     | 4       | Переход к новому базису. Евклидово пространство. Теорема о существовании ортонормированного базиса.  | 1        |
| 18     | 4       | Линейные операторы. Матрица линейного оператора. Действия над линейными операторами. Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах.   | 1        |
| 19     | 4       | Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Теорема о независимости характеристического многочлена от выбора базиса. Теорема о виде матрицы из собственных векторов оператора.   | 1        |
| 20     | 4       | Линейная модель обмена. Квадратичные формы. Теорема о канонической форме. Ортогональное преобразование.  | 1        |
| 21     | 5       | Аналитическая геометрия на плоскости. Прямоугольная, полярная системы координат. Преобразования системы координат.   | 1        |
| 22     | 5       | Деление отрезка в заданном соотношении. Линии на плоскости. Уравнение прямой на плоскости. Основные задачи о прямой на плоскости.  | 1        |
| 23     | 5       | Линии второго порядка: эллипс, гипербола, парабола. Канонические и общие уравнения кривых.   | 1        |
| 24     | 6       | Аналитическая геометрия в пространстве. Плоскость в трехмерном пространстве. Основные задачи.  | 1        |
| 25     | 6       | Прямая в пространстве, основные задачи. Прямая и плоскость в пространстве, основные задачи.  | 1        |

|    |   |   |   |
|----|---|---|---|
| 26 | 6 | Поверхности второго порядка. Канонические уравнения поверхностей: эллипсоид, однополостный гиперболоид, двуполостный гиперболоид, эллиптический параболоид, гиперболический параболоид. Свойства.   | 1 |
| 27 | 7 | Комплексные числа. Определение. Вложение пространств $R$ в $C$ . Свойства комплексных чисел. Понятие сопряженного числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа. Понятия модуля и аргумента. Тригонометрическая и показательная формы записи комплексного числа. Формула Муавра и извлечение корня $n$ -й степени. | 3 |

## 5.2. Практические занятия, семинары

| № занятия | № раздела | Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара  | Кол-во часов |
|-----------|-----------|--|--------------|
| 1         | 1         | Матричные вычисления.  | 3            |
| 2         | 1         | Вычисление определителей.  | 2            |
| 3         | 1         | Нахождение обратных матриц. Решение матричных уравнений.   | 2            |
| 4         | 2         | Решение систем линейных уравнений матричным методом и по формулам Крамера.   | 2            |
| 5         | 2         | Решение систем линейных уравнений методом Гаусса.  | 2            |
| 6         | 2         | Решение систем линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений. Решение неоднородных систем линейных уравнений.   | 2            |
| 7         | 3         | Геометрические действия над векторами.   | 1            |
| 8         | 3         | Скалярное произведение векторов.   | 2            |
| 9         | 3         | Векторное произведение векторов.   | 2            |
| 10        | 3         | Смешанное произведение векторов.   | 2            |
| 11        | 4         | $n$ -мерный вектор. Линейные операции. $n$ -мерное векторное пространство. Базис. Переход к новому базису. Евклидово пространство. Ортонормированный базис.  | 1            |
| 12        | 4         | Линейные операторы. Матрица линейного оператора. Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.   | 1            |
| 13        | 4         | Квадратичные формы. Ортогональное преобразование.  | 1            |
| 14        | 5         | Декартова и полярная системы координат на плоскости. Преобразования системы координат. Прямая на плоскости.  | 2            |
| 15        | 6         | Плоскость в трехмерном пространстве. Прямая в трехмерном пространстве. Прямая и плоскость в пространстве.  | 3            |
| 16        | 7         | Комплексные числа. Сопряженное число. Геометрическая интерпретация комплексного числа. Модуль и аргумент. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Формула Муавра и извлечение корня $n$ -й степени. | 4            |

## 5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

## 5.4. Самостоятельная работа студента

| Выполнение СРС |  |         |              |
|----------------|--|---------|--------------|
| Подвид СРС     | Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс | Семестр | Кол-во часов |
|                |  |         |              |

|  |  |   |      |
|--|--|---|------|
| Подготовка к экзамену                            | [ПУМД 1]; [ПУМД 3]: главы 1-4, стр. 16-109; [ЭУМД 2]: раздел 1, главы 1, 2; раздел 2, глава 1, глава 2, параграф 1, п.1 стр. 45, параграф 3, пп. 1,2, стр. 51-53, главы 3,4, раздел 3, глава 1, параграф 1, п. 2, стр. 85, параграф 2, пп. 1,2, стр. 88-89, глава 2, параграф 1, пп. 1,2 стр. 94-95, параграф 2, пп. 5,6, стр 106-108, раздел 4; [ПУМД 2]: главы 1-4, стр. 5-56, глава 9, стр. 129-167, Приложение, стр. 168-178; [ЭУМД 1]: главы 1-4, стр. 8-165, главы 7-8, стр. 271-373; [доп ПУМД 1]: часть 1, главы 1-5, стр. 11-75, часть 2, главы 7-9, стр. 104-155; [доп ПУМД 2]: часть 1, главы 1-6, стр. 9-125, глава 8, стр. 165-166, часть 2, главы 10-14, стр. 216-311; [доп ЭУМД 1]: глава 1, стр 13-38. | 1 | 25   |
| Текущие и контрольные домашние работы            | [ПУМД 2]: главы 1-4, стр. 5-56, глава 9, стр. 129-167, Приложение, стр. 168-178; [ЭУМД 1]: главы 1-4, стр. 8-165, главы 7-8, стр. 271-373  | 1 | 23,5 |
| Подготовка к аудиторным контрольным мероприятиям | [ПУМД 2]: главы 1-4, стр. 5-56, глава 9, стр. 129-167, Приложение, стр. 168-178; [ЭУМД 1]: главы 1-4, стр. 8-165, главы 7-8, стр. 271-373; [доп ПУМД 1]: часть 1, главы 1-5, стр. 11-75, часть 2, главы 7-9, стр. 104-155; [доп ПУМД 2]: часть 1, главы 1-6, стр. 9-125, глава 8, стр. 165-166, часть 2, главы 10-14, стр. 216-311   | 1 | 21   |

## 6. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

### 6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

| № КМ | Се-местр | Вид контроля     | Название контрольного мероприятия | Вес  | Макс. балл | Порядок начисления баллов  | Учитывается в ПА |
|------|----------|------------------|-----------------------------------|------|------------|--|------------------|
| 1    | 1        | Текущий контроль | T1                                | 0,06 | 6          | Контрольная точка T1 проводится на практическом занятии после изучения темы «Матрицы». Продолжительность – 10 минут. Она содержит два теоретических вопроса (требуется привести определение или свойства). Максимальная оценка за каждый вопрос составляет 3 балла. При оценке используется следующая шкала: 3 балла – приведен полный ответ на вопрос, все использованные формулы верны, записаны все требуемые свойства; 2 балла | экзамен          |

|   |   |                  |    |      |   |  |         |
|---|---|------------------|----|------|---|--|---------|
|   |   |                  |    |      |   | – в ответе содержатся 2–3 ошибки или ответ неполный, но при этом изложено не менее 80% полного ответа; 1 балл – в ответе содержатся более 3 ошибок или ответ неполный, но при этом изложено не менее 40% полного ответа; 0 баллов – изложено менее 20% верного ответа на вопрос.   |         |
| 2 | 1 | Текущий контроль | T2 | 0,06 | 6 | Контрольная точка T2 проводится на практическом занятии после изучения темы «Векторы». Продолжительность – 10 минут. Она содержит два теоретических вопроса (требуется привести определение, формулу или свойства). Максимальная оценка за каждый вопрос составляет 3 балла. При оценке используется следующая шкала: 3 балла – приведен полный ответ на вопрос, все использованные формулы верны, записаны все требуемые свойства; 2 балла – в ответе содержатся 2–3 ошибки или ответ неполный, но при этом изложено не менее 80% полного ответа; 1 балл – в ответе содержатся более 3 ошибок или ответ неполный, но при этом изложено не менее 40% полного ответа; 0 баллов – изложено менее 20% верного ответа на вопрос. | экзамен |
| 3 | 1 | Текущий контроль | T3 | 0,08 | 8 | Контрольная точка T3 служит для учета посещаемости студентами лекций и практических занятий по дисциплине, а также для оценки правильности оформления студентами конспекта лекций. Для этого преподаватель проверяет полноту конспекта лекций и при наличии полного конспекта выставляет баллы за контрольную точку, используя шкалу соответствия баллов процентам посещаемости: 8 баллов за 90–100% посещенных аудиторных занятий по дисциплине, 7 за 80–89%, 6 за 70–79%, 5 за 60–69%, 4 за 50–59%, 3 за 40–49%, 2 за 30–39%, 1 за 20–29%, 0 за 0–19%. Если конспект неполный, то балл за контрольную точку T3 равен 0.  | экзамен |
| 4 | 1 | Текущий контроль | C1 | 0,05 | 5 | Контрольная точка C1 служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале сентября. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне аудитории и сдается студентом в конце четвертой недели текущего семестра. Контрольная точка содержит 5 задач по изученным в течение недель №№1–5 темам. Студент должен самостоятельно решить задачи, привести   | экзамен |

|   |   |                  |    |      |   |  |         |
|---|---|------------------|----|------|---|--|---------|
|   |   |                  |    |      |   | условие задачи, аккуратно оформить их подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Каждая задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – остальных случаях.  |         |
| 5 | 1 | Текущий контроль | C2 | 0,05 | 5 | Контрольная точка C2 служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале 5 учебной недели. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне аудитории и сдается студентом в конце 8 недели текущего семестра. Контрольная точка содержит 5 задач по изученным в течение недель №№6–9 темам. Студент должен самостоятельно решить задачи, привести условие задачи, аккуратно оформить их подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Каждая задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – остальных случаях. | экзамен |
| 6 | 1 | Текущий контроль | C3 | 0,05 | 5 | Контрольная точка C3 служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале 9 недели. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне аудитории и сдается студентом в конце 12 недели текущего семестра. Контрольная точка содержит 5 задач по пройденным в течение недель №№ 10–14 темам. Студент должен самостоятельно решить задачи, привести условие задачи, аккуратно оформить их подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Каждая задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, содержится не  | экзамен |



|   |   |                  |    |      |   |  |         |
|---|---|------------------|----|------|---|--|---------|
|   |   |                  |    |      |   | более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – остальных случаях.  |         |
| 7 | 1 | Текущий контроль | С4 | 0,05 | 5 | Контрольная точка С4 служит для контроля самостоятельной работы студентов. Задание выдается студенту в начале 13 недели. Вариант определяется порядковым номером студента в журнале группы. Работа выполняется студентом самостоятельно вне ауди-тории и сдается студентом на последней неделе текущего семестра. Контрольная точка содержит 5 задач по пройденным в течение недель №№15–16 темам. Студент должен самостоятельно решить задачи, привести условие задачи, аккуратно оформить их подробное решение, привести в решении использованные свойства и формулы. Каждая задача оценивается от 0 до 1 балла следующим образом: 1 балл – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 0 баллов – остальных случаях. | экзамен |
| 8 | 1 | Текущий контроль | П1 | 0,04 | 4 | Контрольная точка П1 служит для учета выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях, проведенных на неделях № 1–4 текущего семестра. Оценка осуществляется с помощью подсчета процента выполненных студентом контролируемых преподавателем домашних заданий и процента практических занятий, на которых студент присутствовал и проявлял достаточную активность (решение задач у доски, решение задач на своем рабочем месте, заданные вопросы и т.д.). Максимальный балл составляет 4. Используется следующая шкала: 4 балла – 90–100%, 3 балла – 80–89%, 2 балла – 70–79%, 1 балл – 60–69%, 0 баллов – менее 60%.   | экзамен |
| 9 | 1 | Текущий контроль | П2 | 0,04 | 4 | Контрольная точка П2 служит для учета выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях, проведенных на неделях №№5–11 текущего семестра. Оценка осуществляется с помощью подсчета  | экзамен |

|    |   |                  |     |      |    |  |         |
|----|---|------------------|-----|------|----|--|---------|
|    |   |                  |     |      |    | процента выполненных студентом контролируемых преподавателем домашних заданий и процента практических занятий, на которых студент присутствовал и проявлял достаточную активность (решение задач у доски, решение задач на своем рабочем месте, заданные вопросы и т.д.). Максимальный балл составляет 4. Используется следующая шкала: 4 балла – 90–100%, 3 балла – 80–89%, 2 балла – 70–79%, 1 балл – 60–69%, 0 баллов – менее 60%.  |         |
| 10 | 1 | Текущий контроль | ПЗ  | 0,04 | 4  | Контрольная точка ПЗ служит для учета выполнения студентами домашних заданий и работы на практических занятиях, проведенных на неделях №№12–16 текущего семестра. Оценка осуществляется с помощью подсчета процента выполненных студентом контролируемых преподавателем домашних заданий и процента практических занятий, на которых студент присутствовал и проявлял достаточную активность (решение задач у доски, решение задач на своем рабочем месте, заданные вопросы и т.д.). Максимальный балл составляет 4. Используется следующая шкала: 4 балла – 90–100%, 3 балла – 80–89%, 2 балла – 70–79%, 1 балл – 60–69%, 0 баллов – менее 60%.   | экзамен |
| 11 | 1 | Текущий контроль | ПК1 | 0,16 | 16 | Контрольная точка ПК1 проводится на последнем практическом занятии по теме «Матрицы, системы линейных уравнений». Продолжительность – 1 академический час. Она содержит 6 задач по следующим темам: метод Гаусса, формулы Крамера, матричные уравнения, обратная матрица, линейные операции над матрицами, умножение матриц. Студент должен самостоятельно решить задачи, оформить их решение на отдельном листочке. Каждая из задач №1-2 оценивается от 0 до 2 баллов следующим образом:<br>2 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа;<br>1 балл – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 50% полного решения;<br>0 баллов – неверно выбран метод решения | экзамен |

|    |   |                  |     |      |   |  |         |
|----|---|------------------|-----|------|---|--|---------|
|    |   |                  |     |      | <p>или изложено менее 20% полного решения. Каждая из задач № 3-6 оценивается от 0 до 3 баллов следующим образом:</p> <p>3 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа;</p> <p>2 балла – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 60% полного решения.</p> <p>1 балл – в процессе решения задачи допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не владеет обязательными знаниями и умениями по данной теме, или изложено менее 40% полного решения;</p> <p>0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p> |  |         |
| 12 | 1 | Текущий контроль | ПК2 | 0,16 | 16  | <p>Контрольная точка Пк2 проводится на последнем практическом занятии по теме «Векторы». Продолжительность – 1 академический час. Она содержит 6 задач по следующим темам: линейные операции с векторами, координаты вектора, скалярное, векторное, смешанное произведения векторов и их применение. Студент должен самостоятельно решить задачи, оформить их решение на отдельном листочке.</p> <p>Каждая из задач №1-2 оценивается от 0 до 2 баллов следующим образом:</p> <p>2 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа;</p> <p>1 балл – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 50% полного решения;</p> <p>0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p> <p>Каждая из задач № 3-6 оценивается от 0 до 3 баллов следующим образом:</p> <p>3 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран</p> | экзамен |

|    |   |                  |     |      |    |  |         |
|----|---|------------------|-----|------|----|--|---------|
|    |   |                  |     |      |    | <p>метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 2 балла – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 60% полного решения.</p> <p>1 балл – в процессе решения задачи допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не владеет обязательными знаниями и умениями по данной теме, или изложено менее 40% полного решения;</p> <p>0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p>   |         |
| 13 | 1 | Текущий контроль | ПКЗ | 0,16 | 16 | <p>Контрольная точка Пк3 проводится на последнем практическом занятии по теме «Аналитическая геометрия».</p> <p>Продолжительность – 1 академический час. Она содержит 6 задач по следующим темам: прямая на плоскости, плоскость и прямая в пространстве, кривые второго порядка. Студент должен самостоятельно решить задачи, оформить их решение на отдельном листочке.</p> <p>Каждая из задач №1-2 оценивается от 0 до 2 баллов следующим образом:</p> <p>2 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 1 балл – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 50% полного решения;</p> <p>0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p> <p>Каждая из задач № 3-6 оценивается от 0 до 3 баллов следующим образом:</p> <p>3 балла – задача решена в целом правильно, содержится не более двух негрубых ошибок, не повлиявших на общий ход решения задачи, верно выбран метод решения задачи, запись решения последовательная и математически грамотная, решение доведено до ответа; 2 балла – в решении содержатся 2–3 ошибки, не повлиявшие существенно на ход решения, или решение не доведено до ответа, но при этом изложено не менее 60% полного решения.</p> | экзамен |

|    |   |                          |         |   |    |   |         |
|----|---|--------------------------|---------|---|----|---|---------|
|    |   |                          |         |   |    | <p>1 балл – в процессе решения задачи допущены существенные ошибки, показавшие, что студент не владеет обязательными знаниями и умениями по данной теме, или изложено менее 40% полного решения;</p> <p>0 баллов – неверно выбран метод решения или изложено менее 20% полного решения.</p>   |         |
| 14 | 1 | Промежуточная аттестация | Экзамен | - | 40 | <p>Экзаменационный билет содержит 5 задач базового уровня, которые оцениваются максимально в 3 балла, теоретический вопрос из списка вопросов и 4 комплексные задачи, каждая из которых оценивается максимально в 5 баллов. Максимальное количество баллов, которое студент может набрать на экзамене, составляет 40. Шкала оценивания задач базового уровня: 3 балла – задача решена верно, ошибок нет; 2 балла – выбран верный метод решения задачи, возможна арифметическая ошибка; 1 балл – выбран верный метод решения, есть 1–2 грубые ошибки; 0 баллов – отсутствует решение или сделано более 2 грубых ошибок.</p> <p>Шкала оценивания ответа на теоретический вопрос: 5 баллов – вопрос раскрыт полностью, ошибок в ответе нет; 4 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 80%, ошибок в ответе нет; 3 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 80%, допущены 1–2 негрубые ошибки; 2 балла – вопрос раскрыт не менее, чем на 60%, ошибок нет, или вопрос раскрыт практически полностью, но содержит 1–2 ошибки; 1 балл – ответ не является логически обоснованным и законченным, содержит отрывочные сведения, не менее 20% от полного ответа; 0 баллов – ответ на вопрос отсутствует или менее 20% верных сведений.</p> <p>Шкала оценивания комплексных задач: 5 баллов – задача решена правильно и полностью, ошибок нет; 4 балла – выбран правильный метод решения, допущены 1–2 арифметические ошибки, получен ответ; 3 балла – выбран правильный метод решения, допущены 1–2 негрубые ошибки, получен ответ; 2 балла – выбран верный метод решения задачи, в ходе решения сделаны более 2 негрубых ошибок или решение не доведено до конца, но решено не менее 60% задачи; 1 балл – задание решено не полностью (не менее 40% решения) или в решении не более грубых ошибок; 0 баллов – отсутствует решение, приведено менее 40% решения или сделано более 2 грубых ошибок.</p> | экзамен |

## 6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

| Вид промежуточной аттестации | Процедура проведения  | Критерии оценивания                     |
|------------------------------|---|---|
| экзамен                      | Оценивание учебной деятельности обучающихся по дисциплине проводится на основе полученных оценок за контрольно-рейтинговые мероприятия текущего контроля. Прохождение всех контрольно-рейтинговых мероприятий текущего контроля обязательно. Если студент желает повысить свой рейтинг, он проходит мероприятие промежуточной аттестации. Контрольное мероприятие промежуточной аттестации проводится во время экзамена в письменной форме. Студенту выдается билет, содержащий 5 задач базового уровня, теоретический вопрос из списка вопросов и 4 комплексные задачи. Студенту дается 120 минут на решение билета. Затем преподаватель проводит собеседование со студентом с целью более точного определения баллов за каждое задание. | В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения |

## 6.3. Паспорт фонда оценочных средств

| Компетенции | Результаты обучения   | № КМ |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |    |    |
|-------------|---|------|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|
|             |   | 1    | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
| УК-1        | Знает: Основные понятия теории матриц и определителей, линейных систем, линейных и евклидовых пространств, линейных преобразований, их собственных векторов и чисел, квадратичных форм; Основные понятия алгебры геометрических векторов, свойства линейных операций над ними, различные типы произведений таких векторов; Основные геометрические объекты: прямые, плоскости, кривые и поверхности второго порядка, их уравнения в различной форме |      |   | + | + | + | + | + | + |   |    |    |    |    | +  |
| УК-1        | Умеет: Приобретать новые знания, используя современные образовательные и информационные технологии; Решать типовые задачи линейной алгебры, векторной алгебры и аналитической геометрии; Использовать язык и символики алгебры и геометрии, уметь формулировать и доказывать с его помощью основные и выводимые из основных утверждения в алгебре и геометрии   |      |   | + | + | + | + | + | + | + | +  | +  | +  | +  | +  |
| УК-1        | Имеет практический опыт: Использования аппарата алгебры и геометрии при изучении других дисциплин и современной научно-технической литературы; Применения алгебро-геометрических методов при решении профессиональных задач   |      |   | + | + | + | + | + | + | + | +  | +  | +  | +  | +  |

Типовые контрольные задания по каждому мероприятию находятся в приложениях.

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### Печатная учебно-методическая документация

а) основная литература:

1. Ефимов, Н. В. Краткий курс аналитической геометрии Для вузов Н. В. Ефимов. - 12-е изд., стер. - М.: Наука, 1975. - 272 с. с черт.
2. Клетеник, Д. В. Сборник задач по аналитической геометрии Текст учебное пособие для втузов Д. В. Клетеник ; под ред. Н. В. Ефимова. - 17-е изд., стер. - СПб.: Профессия, 2006
3. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике [Текст] учеб. пособие Д. Т. Письменный. - 8-е изд. - М.: Айрис-пресс, 2009. - 602, [1] с. ил.

*б) дополнительная литература:*

1. Сборник задач по алгебре Учеб. Сост. В. А. Артамонов и др.; Под ред. А. И. Кострикин. - 3-е изд., испр. и доп. - М.: Физматлит, 2001. - 463 с.

*в) отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:*  
Не предусмотрены

*г) методические указания для студентов по освоению дисциплины:*

1. Лекционный курс
2. Типовой расчет (РГР) "Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра."

*из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:*

1. Лекционный курс
2. Типовой расчет (РГР) "Комплексные числа. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Линейная алгебра."

**Электронная учебно-методическая документация**

| № | Вид литературы            | Наименование ресурса в электронной форме          | Библиографическое описание  |
|---|---------------------------|---|---|
| 1 | Основная литература       | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Горлач, Б. А. Линейная алгебра Текст учеб. пособие для техн. и экон. вузов Б. А. Горлач. - СПб. и др.: Лань, 2012. - 476 с. ил., табл. 21 см — Режим доступа: <a href="https://e.lanbook.com/book/4042">https://e.lanbook.com/book/4042</a> |
| 2 | Основная литература       | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Кадомцев, С. Б. Аналитическая геометрия и линейная алгебра С. Б. Кадомцев. - М.: Физматлит, 2003. - 157 с. ил. — Режим доступа: <a href="https://e.lanbook.com/book/2187">https://e.lanbook.com/book/2187</a>                               |
| 3 | Дополнительная литература | Электронно-библиотечная система издательства Лань | Ильин, В. А. Линейная алгебра : учебник / В. А. Ильин, Э. Г. Позняк. — 6-е изд., стер. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2007. — 280 с. — Режим доступа: <a href="https://e.lanbook.com/book/2178">https://e.lanbook.com/book/2178</a>                  |

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

## **8. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Не предусмотрено