

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по научной работе и

инновациям ФГБОУ ВО

«Новгородский государственный

университет имени Ярослава

Мудрого»

К.Н. Харламов

2025 г.



ОТЗЫВ

ведущей организации о диссертационной работе Гончарова Никиты Сергеевича «Методы и алгоритмы анализа динамики и эволюции фильтрующейся жидкости в области и на ее границе», представленной на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. Системный анализ, управление и обработка информации, статистика

Актуальность темы исследования

Актуальность диссертационного исследования Н.С. Гончарова обусловлена комплексом современных научных и практических проблем, связанных с изучением процессов фильтрации и диффузии жидкости в различных средах. В первую очередь, это касается вопросов обеспечения надежности и долговечности дорожных конструкций, где вода выступает основным дестабилизирующим фактором. Проблема особенно остро стоит в контексте городского строительства, где дорожное полотно подвергается постоянному воздействию атмосферных осадков и техногенных факторов. Существующие методы исследования процессов фильтрации, несмотря на определенный прогресс в их развитии, не позволяют в полной мере учитывать все аспекты динамики жидкости как в области, так и на её границе.

Значительный вклад в изучение подобных задач внесли исследования школы О.А. Ладыженской, где были разработаны методы анализа процессов на границе раздела сред. Важные результаты в этой области получены Д.Е. Апушкинской и А.И. Назаровым, которые исследовали априорные оценки градиента решения для недивергентных параболических уравнений.

Существенный прогресс в понимании процессов фильтрации достигнут благодаря работам зарубежных исследователей, среди которых особое место занимают труды A. Favini, G.R. Goldstein, J.A. Goldstein и S. Romanelli. Они разработали подходы к исследованию задач в рамках теории полугрупп операторов, что позволило глубже понять физическую природу процессов. Однако, несмотря на значительные достижения в данной области, остается ряд нерешенных проблем. В частности, существующие математические системы не в полной мере учитывают стохастический характер процессов фильтрации, а также не позволяют адекватно описывать поведение системы на границе области. Особую актуальность приобретает исследование процессов морозного пучения грунтов и формирования оползней, которые напрямую влияют на безопасность дорожного движения и целостность инженерных сооружений. При этом традиционные подходы к изучению данных процессов требуют существенной модернизации с учетом современных математических методов.

В последние годы наблюдается тенденция к усложнению математических систем, учитывающих все большее количество факторов влияния. Это связано с развитием теории оптимального управления, методов системного анализа и теории полугрупп операторов. Работы А.И. Назарова и В.В. Лукьянова по разрешимости задачи Вентцеля для уравнений Лапласа и Гемгольца показали необходимость комплексного подхода к исследованию подобных систем. Исследования Д.К. Палагачева и Л.Г. Софовой в области сильных решений квазилинейных задач Вентцеля для параболических уравнений с разрывными старшими коэффициентами открыли новые перспективы в изучении процессов фильтрации. Их результаты демонстрируют важность учета граничных условий при анализе динамики системы. Особую значимость приобретает разработка методов анализа для систем, где процессы на границе играют активную роль в динамике всей системы. Это особенно важно для задач, связанных с тепловым обменом, где условия Вентцеля могут описывать сложные процессы взаимодействия между различными средами.

Таким образом, необходимость разработки новых методов и алгоритмов анализа динамики и эволюции фильтрующейся жидкости, способных учитывать как детерминированные, так и стохастические факторы, делает данное исследование крайне актуальным как с теоретической, так и с практической точки зрения. Особую актуальность приобретает разработка алгоритмов для численного моделирования процессов фильтрации и диффузии, что открывает новые возможности для

прогнозирования поведения сложных систем и оптимизации инженерных решений.

В современных условиях развития технологий и увеличения антропогенной нагрузки на окружающую среду необходимость в создании эффективных методов анализа процессов фильтрации становится все более острой. Это делает данное исследование не только теоретически значимым, но и практически востребованным.

Общая характеристика работы

Диссертационная работа включает в себя введение, три главы, заключение, список литературы и два приложения.

Введение к диссертации включает в себя актуальность избранной темы, степень разработанности избранной темы, цели и задачи, научную новизну, теоретическую и практическую значимость работы, методологию и методы диссертационного исследования, положения, выносимые на защиту, степень достоверности и апробацию результатов.

Первая глава посвящена комплексному анализу прикладных и теоретических аспектов исследований систем Вентцеля. В ней проводится глубокий структурный системный анализ предметной области, включающий: исследование применения задач Вентцеля в контексте управления и обработки информации; анализ различных подходов к определению вида задач Вентцеля; детальное рассмотрение методов и алгоритмов решения систем Вентцеля с применением теории полугрупп операторов; изучение особенностей решения однофазных и двухфазных задач; исследование работы со стохастическими вещественными сепарабельными гильбертовыми пространствами. **Вторая глава** фокусируется на разработке методов и алгоритмов для исследования стохастической динамической системы Вентцеля. В ней представлены: детальный анализ условий разрешимости для детерминированной системы; разработка инновационных методов анализа стохастической системы; создание эффективных алгоритмов нахождения траекторий приближенных решений; практическая программная реализация предложенных методов. **Третья глава** посвящена углубленному исследованию стохастической эволюционной системы Вентцеля. В ней рассматриваются: методы анализа условий для детерминированной системы; особенности работы со стохастической системой; разработка современных алгоритмов обработки информации; верификация полученных результатов с помощью вычислительных экспериментов. **Заключение** работы содержит обобщающие выводы по результатам исследования, рекомендации по

практическому применению полученных результатов и перспективы дальнейших исследований в данной области. В приложениях представлены свидетельства о регистрации двух программных комплексов: программа для моделирования геохимического режима грунтовых вод; программа для обработки информации в численном исследовании стохастической системы.

Библиографический список включает 132 источника и содержит фундаментальные и актуальные публикации по теме исследования. В списке представлены монографии, научные статьи, материалы конференций и другие публикации, отражающие современное состояние исследуемой проблемы.

Работа отличается логичной структурой, где каждый раздел последовательно развивает и дополняет предыдущий материал, обеспечивая целостное представление о проведенном исследовании. Все главы тесно взаимосвязаны и направлены на достижение общей цели исследования – разработку методов и алгоритмов анализа динамики и эволюции фильтрующейся жидкости.

Научная новизна

В области системного анализа, управления и обработки информации построена контекстная диаграмма различных аспектов исследования систем уравнений Вентцеля, которая позволяет сделать вывод о том, что в детерминированном случае системы уравнений Вентцеля комплексно не изучены (не исследован вопрос о неединственности полученного решения), и ставит вопрос о начале системного исследования в стохастическом случае; впервые разработаны методы анализа условий однозначной разрешимости стохастической динамической и эволюционной систем Вентцеля с учетом протекающих процессов в рассматриваемой области и на ее границе; впервые разработаны алгоритмы для нахождения траекторий приближенных решений стохастической динамической и эволюционной систем Вентцеля при сгенерированных наборах начальных данных в рассматриваемой области и на ее границе.

В области обработки информации впервые разработан алгоритм для обработки информации и анализа состояния стохастической динамической и эволюционной систем Вентцеля при различных значениях их параметров.

Степень обоснованности научных результатов и корректность выводов

Достоверность научных результатов и выводов исследования определяется корректным использованием современных математических

методов, подтверждена доказательствами в соответствии с современным уровнем математической строгости, согласованностью результатов вычислительных экспериментов с модельными примерами, а также тестированием разработанного программного комплекса на различных математических моделях. Результаты и выводы не противоречат ранее полученным результатам других авторов.

Полученные результаты своевременно опубликованы, апробированы на всероссийских и международных конференциях.

Диссертация Гончарова Никиты Сергеевича имеет стройную, логически законченную структуру, автореферат соответствует содержанию диссертации. По теме диссертации соискателем опубликовано 15 научных работ, из них семь статей – в рецензируемых журналах из Перечня ведущих российских рецензируемых научных журналов и изданий, рекомендованных ВАК Минобрнауки России, в том числе, шесть статей – в рецензируемых изданиях из научометрических баз Scopus и Web of Science; две зарегистрированных компьютерных программы.

Значимость для науки и практики выводов и рекомендаций диссертации

Теоретическая значимость работы заключается в том, что разработанные методы анализа однозначной разрешимости стохастических динамических и эволюционных систем Вентцеля могут быть использованы в рамках изучения процессов фильтрации и диффузии в рассматриваемой области и на ее границе; в рамках дальнейшего развития теории стохастического анализа; теории фильтрации и диффузии жидкости; методов системного анализа.

Практическая значимость диссертационной работы заключается в применимости результатов исследования к гидродинамическим задачам, что расширяет возможности оценки состояния сложных систем и их параметров в областях гидродинамики и геологии, например, при исследовании процессов фильтрации воды в почве. Интерфейс программы позволяет встраивать ее в вычислительные среды для решения прикладных задач. Реализованы статическая (графики и трехмерные диаграммы) и динамическая визуализации (трехмерная анимация), позволяющие проводить анализ состояний для рассматриваемых систем.

Рекомендации по использованию результатов и выводов диссертации

Результаты работы могут использовать в теоретических и практических изысканиях Иркутский государственный университет, Волгоградский государственный университет, Воронежский

государственный технический университет, Воронежский государственный университет, Новгородский государственный университет им. Ярослава Мудрого, Южно-Уральский государственный университет, Юго-Западный государственный университет" (Курск), Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, Новосибирский государственный университет, Институт проблем управления РАН, Институт математики имени Соболева СО РАН, Института динамики систем и теории управления им. В.М. Матросова СО РАН, Институт математики и механики УрО РАН и другие учреждения.

Характеристика языка и стиля диссертации

Диссертация написана на профессиональном языке, принимаемые допущения в достаточной мере обоснованы, а логические рассуждения не противоречат правилам формальной логики.

Замечания по диссертации

1. В п. 1.3.1 вводится общий многомерный оператор (1.3.1) и исследуются его свойства при различных граничных условиях, но лишь для одномерного оператора Лапласа на отрезке $[0, \pi]$, о чём следовало бы сообщить. При этом, в случае условий Неймана утверждение, что $imA = L_2(0, \pi)$ неверно, образ оператора A – подпространство коразмерности 1, состоящее из функций с нулевым средним.
2. В автореферате в уравнениях (1), (2) и (6), (7) участвуют производные Нельсона-Гликлиха стохастических процессов, но используемые для них обозначения не пояснены.
3. В тексте работы встречаются также стилистические погрешности и орфографические ошибки.
4. Отсутствует анализ вычислительной эффективности предложенных в диссертации методов.
5. В графическом материале (рис. 3.5.5, 3.5.6) не хватает детальных пояснений к представленным зависимостям.
6. Не проведено исследование влияния различных параметров на динамику фильтрации.

Однако, приведенные замечания не уменьшают значимости представленных научных результатов и не влияют на общую положительную оценку диссертации.

Заключение

Диссертационная работа Гончарова Никиты Сергеевича «Методы и алгоритмы анализа динамики и эволюции фильтрующейся жидкости в области и на ее границе», представляет собой законченную научно-

квалификационную работу, в которой содержится решение научной задачи, имеющей значение в области математического моделирования, численных методов и комплексов программ, системного анализа, управления и обработки информации, статистики. Полученные результаты соответствуют научной специальности 2.3.1. Системный анализ, управление и обработка информации, статистика. Результаты диссертации являются новыми, строго обоснованными и получены автором самостоятельно. Автореферат и публикации достаточно полно отражают содержание диссертации.

Диссертационная работа соответствует требованиям, предъявляемым к кандидатским диссертациям, в соответствии с пп. 9-14 Положения о присуждении ученых степеней, поскольку является научно-квалификационной работой, в которой содержится решение научной задачи анализа процессов фильтрации и диффузии жидкости, а ее автор, Гончаров Никита Сергеевич, заслуживает присуждения ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 2.3.1. Системный анализ, управление и обработка информации, статистика.

Диссертация и отзыв обсуждены и одобрены на расширенном заседании кафедры алгебры и геометрии ФГАОУ ВО «Новгородский государственный университет имени Ярослава Мудрого» (протокол № 1 от 29.08.2025).

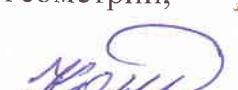
Главный научный сотрудник научно-исследовательского центра,

д-р физ.-мат. наук, профессор

 Е.Ю. Панов

Заведующая кафедрой алгебры и геометрии,

кандидат педагогических наук, доцент

 Е.М. Кондрашенко

Я, Панов Евгений Юрьевич, даю свое согласие на обработку персональных данных, связанных с работой диссертационного совета.

Я, Кондрашенко Елена Михайловна, даю свое согласие на обработку персональных данных, связанных с работой диссертационного совета.

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Новгородский государственный университет имени



Ярослава Мудрого" 173003, г. Великий Новгород, ул. Большая Санкт-Петербургская, 41

Телефон, факс +7 (8162) 97-45-58

e-mail novsu@novsu.ru

Сайт <https://portal.novsu.ru/>

Кафедра алгебры и геометрии

Тел. 7(8162) 63-60-46

e-mail Elena.Kondrushenko@novsu.ru